

- Une colle sera du type d'un oral de **CCINP**, à savoir deux exercices :
 - Le premier exercice doit contenir :
 - Une question de cours (un énoncé d'une définition, d'une propriété ou d'un théorème) ou une démonstration qui sera **signalée en gras** dans le programme de colle.
 - Deux niveaux de démonstration : niveau (★) pour les groupes 2,3 et 5.
 - Une application très directe du cours :
 - Un deuxième exercice portant sur une notion du programme de colle différente du premier exercice.
- **Comment préparer une colle ?** Il est indispensable de connaître son cours, savoir refaire les exemples traités en cours et les exercices mentionnés dans le programme de colle.
- **Notation :** Dès lors qu'il s'avère que le cours n'est pas su, la note sera obligatoirement inférieure à 8. Ensuite, les points seront rajoutés suivant votre autonomie face aux exercices.
- **Après la colle :** Avant le jeudi de la semaine suivant votre colle, vous devez me rendre votre cahier de colle où vous rédigerez au moins un des deux exercices

1 Sur la Correction des Problèmes II et III du devoir surveillé n°3

Pour cette colle, le premier exercice portera sur les problèmes II et/ou III du devoir surveillé n°3.

2 Eléments propres d'un endomorphisme ou d'une matrice carrée

Savoirs attendus :

1. Connaître parfaitement sans hésitation les définitions de : polynôme caractéristique , valeur propre, spectre, vecteurs propres, sous espaces propres et éléments propres.
2. Savoir calculer le polynôme caractéristique, déterminer les éléments propres d'un endomorphisme ou d'une matrice soit en passant par le polynôme caractéristique, soit en passant par la relation $u(x) = \lambda x$ avec $x \neq 0$ ou $AX = \lambda X$ avec $X \neq 0$.
3. Méthode pour déterminer les droites stables par un endomorphisme.
4. Si $u \circ v = v \circ u$, les sous espaces propres de l'un sont stables par l'autre, application à la résolution d'une équation matricielle.
5. Propriétés usuelles : les coefficients particuliers du polynôme caractéristique, le spectre sur $\mathbb{C}$ n'est jamais vide, celui sur $\mathbb{R}$ n'est pas vide quand la dimension est impaire. Relation entre trace, déterminant et valeurs propres sur $\mathbb{K}$ quand le polynôme caractéristique est scindé sur $\mathbb{K}$.
6. Ordre de multiplicité d'une valeur propre : définition, et (★) encadrement reliant dimension d'un sous espace propre et ordre de multiplicité d'une valeur propre. Application au cas d'une valeur propre simple où il suffit alors de trouver un seul vecteur propre pour trouver une base de son sous espace propre.