

Déroulement d'une colle :

- Au début de colle, une question de cours sera systématiquement posée : Tout énoncé de proposition ou définition doit être particulièrement PRÉCIS. Ce sera soit une définition, soit propriété soulignée, ou une formule encadrée dont les hypothèses précises permettant de l'utiliser doivent être connues. Quelques [preuves] signalées en crochet gras colorié sont exigibles de tous les étudiants.
- Quelques [preuves*] signalées en crochet gras colorié sont exigibles des étudiants qui ont une compréhension du cours plus avancée.
- Vous passez ensuite aux exercices.

ch. XIII : Intégrales à paramètre

- Théorème de continuité d'une intégrale à paramètre [Admis, preuve non exigible].
Généralisation au cas de domination (locale compacte) sur tous les segments d'un intervalle.
- Théorème de dérivation d'une intégrale à paramètre [Admis, preuve non exigible].
Généralisation au cas de domination de $\left| \frac{\partial f}{\partial x} \right|$ sur des ensembles du type $[a, b] \times J$.
- Théorème de dérivations successives d'une intégrale à paramètre, pour obtenir la classe C^k pour $k \in \mathbb{N}$. [Admis, preuve non exigible].
- Exemple de la fonction Γ d'Euler.

ch. XIV : Fonctions de 2 (ou 3) variables. Surfaces.

- Dérivées partielles en un point d'une fonction de \mathbb{R}^2 vers \mathbb{R} , notation $\frac{\partial f}{\partial x}(x_0, y_0)$, $\frac{\partial f}{\partial y}(x_0, y_0)$.

Fonctions dérivées partielles $\frac{\partial f}{\partial x}$ et $\frac{\partial f}{\partial y}$.

Généralisation à une fonction de \mathbb{R}^p vers \mathbb{R} .
fonctions dérivées partielles $\frac{\partial f}{\partial x}$ et $\frac{\partial f}{\partial y}$.

- La classe C^1 .
- Toute fonction $f : \mathcal{U} \subset \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$ de classe C^1 admet un développement limité d'ordre 1 en $a \in \mathcal{U}$:

$$f(a+h) \underset{(h) \rightarrow (0,0)}{=} f(a) + h_1 \frac{\partial f}{\partial x}(a) + h_2 \frac{\partial f}{\partial y}(a) + o(h)$$

- Vecteur Gradient $\overrightarrow{\text{Grad}} f(M)$.
- Application différentielle $df_A : (h_1, h_2) \mapsto h_1 \frac{\partial f}{\partial x}(A) + h_2 \frac{\partial f}{\partial y}(A)$.

- On dit que $f : \mathcal{U} \rightarrow \mathbb{R}$ admet un minimum local en A appartenant à l'ouvert \mathcal{U} si :

$$\exists \varepsilon > 0; \forall X \in \mathcal{U}, \|\overrightarrow{AX}\| \leq \varepsilon \Rightarrow f(X) \geq f(A)$$

Extremums locaux, Extremums globaux.

Condition nécessaire d'extremum : annulation du gradient.

Toute f continue sur un fermé borné K de \mathbb{R}^2 et à valeurs réelles y est bornée et atteint ses bornes (ADMIS).

- règle de la chaîne : dérivation de $t \mapsto f(x(t), y(t))$.

à venir : Plan tangent à une surface et vecteur gradient.
Equations aux dérivées partielles.