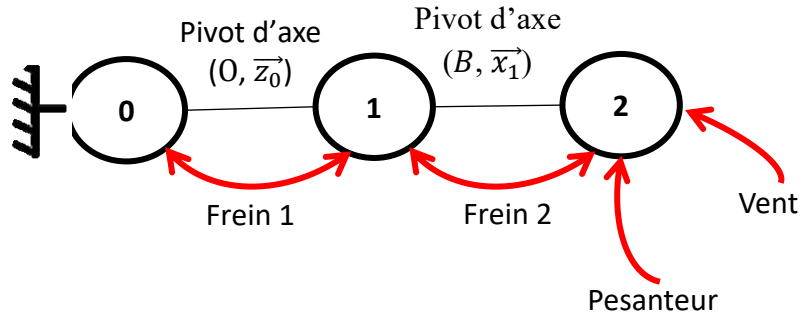
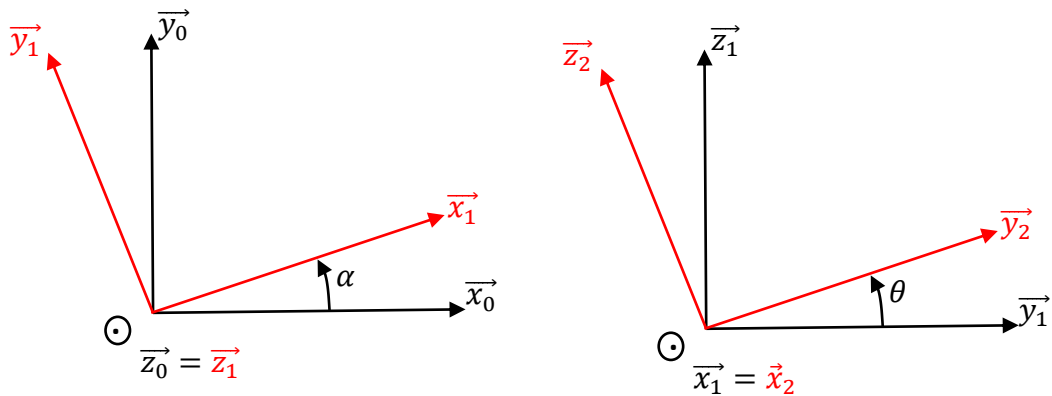


Ex. 1 : Freinage d'une éolienne

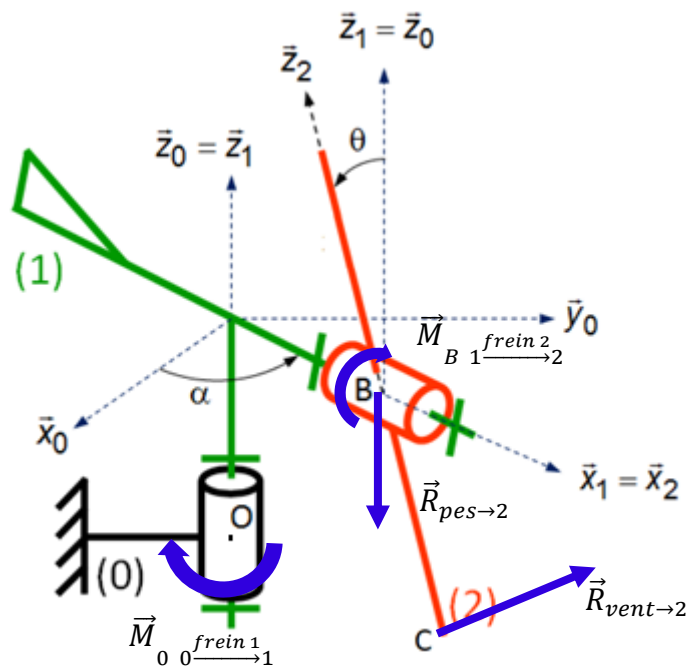
Question 1.



Question 2.



Question 3.



Question 4.

$$\{T_{0 \xrightarrow{\text{frein 1}} 1}\} = \begin{cases} \vec{0} \\ C_{01} \cdot \vec{z}_0 \end{cases} \quad \{T_{1 \xrightarrow{\text{frein 2}} 2}\} = \begin{cases} \vec{0} \\ C_{12} \cdot \vec{x}_1 \end{cases}$$

Question 5.

$$\{T_{0 \xrightarrow{\text{liaison}} 1}\} = \begin{cases} X_{0 \rightarrow 1} \cdot \vec{x}_1 + Y_{0 \rightarrow 1} \cdot \vec{y}_1 + Z_{0 \rightarrow 1} \cdot \vec{z}_1 \\ L_{0, 0 \rightarrow 1} \cdot \vec{x}_1 + M_{0, 0 \rightarrow 1} \cdot \vec{y}_1 \end{cases}$$

$$\{T_{1 \xrightarrow{\text{liaison}} 2}\} = \begin{cases} X_{1 \rightarrow 2} \cdot \vec{x}_1 + Y_{1 \rightarrow 2} \cdot \vec{y}_1 + Z_{1 \rightarrow 2} \cdot \vec{z}_1 \\ M_{B, 1 \rightarrow 2} \cdot \vec{y}_1 + N_{B, 1 \rightarrow 2} \cdot \vec{z}_1 \end{cases}$$

Question 6. On isole $\{2\}$. $\{2\}$ soumit à 4 actions mécaniques :

- action de la pesanteur : $\{T_{pes \rightarrow 4}\} = \begin{cases} -m \cdot g \cdot \vec{z}_0 \\ \vec{0} \end{cases}$

- action du vent : $\{T_{vent \rightarrow 2}\} = \begin{cases} F_v \cdot \vec{y}_1 \\ \vec{0} \end{cases}$

- action de la liaison pivot : $\{T_{1 \xrightarrow{\text{liaison}} 2}\} = \begin{cases} X_{1 \rightarrow 2} \cdot \vec{x}_1 + Y_{1 \rightarrow 2} \cdot \vec{y}_1 + Z_{1 \rightarrow 2} \cdot \vec{z}_1 \\ M_{B, 1 \rightarrow 2} \cdot \vec{y}_1 + N_{B, 1 \rightarrow 2} \cdot \vec{z}_1 \end{cases}$

- action du frein 2 : $\{T_{1 \xrightarrow{\text{frein 2}} 2}\} = \begin{cases} \vec{0} \\ C_{12} \cdot \vec{x}_1 \end{cases}$

Afin de réaliser le PFS en moment au point B suivant \vec{x}_1 (ce qui permet de ne pas avoir dans l'équation d'inconnues de liaisons), déplaçons le torseur du vent :

$$\begin{aligned} \vec{M}_{B, vent \rightarrow 2} &= \vec{M}_{C, vent \rightarrow 2} + \vec{BC} \wedge F_v \cdot \vec{y}_1 = \vec{0} - c \cdot \vec{z}_2 \wedge F_v \cdot \vec{y}_1 \\ &= -c(\cos(\theta) \vec{z}_1 - \sin(\theta) \vec{y}_1) \wedge F_v \cdot \vec{y}_1 = c \cdot F_v \cdot \cos(\theta) \vec{x}_1 \end{aligned}$$

Appliquons le PFS en moment en B suivant l'axe \vec{x}_1 :

$$C_{12} + c \cdot F_v \cdot \cos(\theta) = 0$$

Donc : $C_{12} = -c \cdot F_v \cdot \cos(\theta)$

Question 7. On isole $\{1,2\}$. $\{1,2\}$ soumis à 4 actions mécaniques :

- action de la pesanteur : $\{T_{pes \rightarrow 4}\} = \begin{cases} -m \cdot g \cdot \vec{z}_0 \\ \vec{0} \end{cases}$
- action du vent : $\{T_{vent \rightarrow 2}\} = \begin{cases} F_v \cdot \vec{y}_1 \\ \vec{0} \end{cases}$
- action de la liaison pivot : $\{T_{0 \xrightarrow{\text{liaison}} 1}\} = \begin{cases} X_{0 \rightarrow 1} \cdot \vec{x}_1 + Y_{0 \rightarrow 1} \cdot \vec{y}_1 + Z_{0 \rightarrow 1} \cdot \vec{z}_1 \\ L_{0, 0 \rightarrow 1} \cdot \vec{x}_1 + M_{0, 0 \rightarrow 1} \cdot \vec{y}_1 \end{cases}$
- action du frein 1 : $\{T_{0 \xrightarrow{\text{frein 1}} 1}\} = \begin{cases} \vec{0} \\ C_{01} \cdot \vec{z}_0 \end{cases}$

Afin de réaliser le PFS en moment au point O suivant \vec{z}_1 (ce qui permet de ne pas avoir dans l'équation d'inconnues de liaisons), déplaçons le torseur du vent et de la pesanteur :

$$\begin{aligned} \vec{M}_{O, vent \rightarrow 2} &= \vec{M}_{C, vent \rightarrow 2} + \vec{OC} \wedge F_v \cdot \vec{y}_1 = \vec{0} + (a \vec{x}_1 + b \vec{z}_1 - c \vec{z}_2) \wedge F_v \cdot \vec{y}_1 \\ &= [a \vec{x}_1 + (b - c \cos(\theta)) \vec{z}_1 + c \sin(\theta) \vec{y}_1] \wedge F_v \cdot \vec{y}_1 \\ &= a \cdot F_v \vec{z}_1 - (b - c \cos(\theta)) F_v \cdot \vec{x}_1 \end{aligned}$$

$$\vec{M}_{O, pes \rightarrow 2} = \vec{M}_{B, pes \rightarrow 2} + \vec{OB} \wedge -m \cdot g \cdot \vec{z}_0 = \vec{0} + (a \vec{x}_1 + b \vec{z}_1) \wedge -m \cdot g \cdot \vec{z}_1 = a \cdot m \cdot g \cdot \vec{y}_1$$

Appliquons le PFS en moment en O suivant l'axe \vec{z}_1 :

$$C_{01} + a \cdot F_v = 0$$

Donc : $C_{01} = -a \cdot F_v$

Question 8. La position qui maximise les moments est $\theta = 0^\circ$. On a alors :

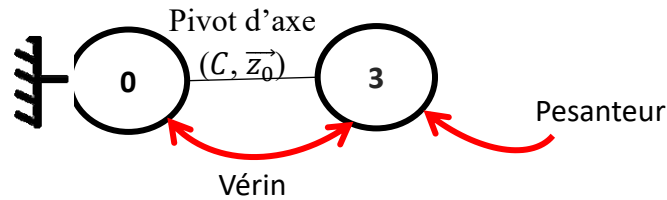
$$C_{01 \max} = |-a \cdot F_v| = 0,2 * 45 = 9 \text{ Nm}$$

$$C_{12 \max} = |-c \cdot F_v \cdot \cos(\theta)| = 1 * 45 * 1 = 45 \text{ Nm}$$

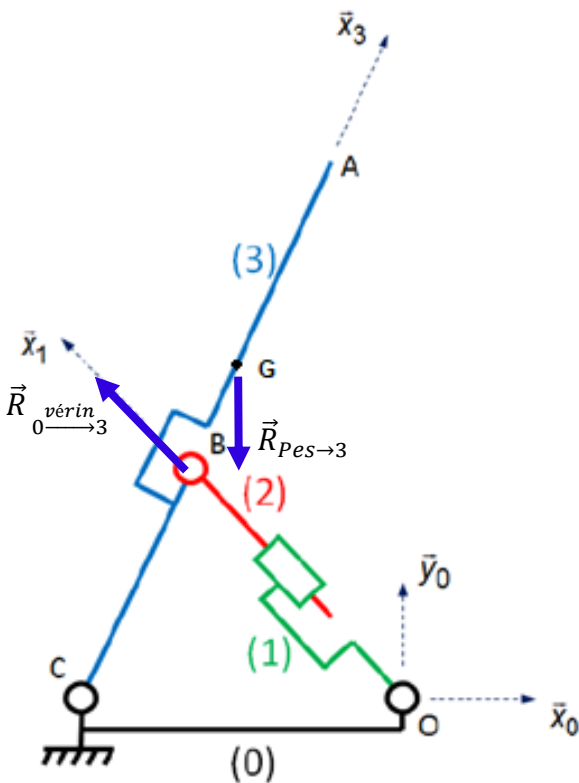
Ces deux valeurs de couple sont inférieures au couple maximal que les freins peuvent fournir (10 Nm pour le frein 1 et 50 Nm pour le frein 2). Les deux freins sont donc adaptés.

Ex. 2 : Maintient inclinée d'une benne de camion

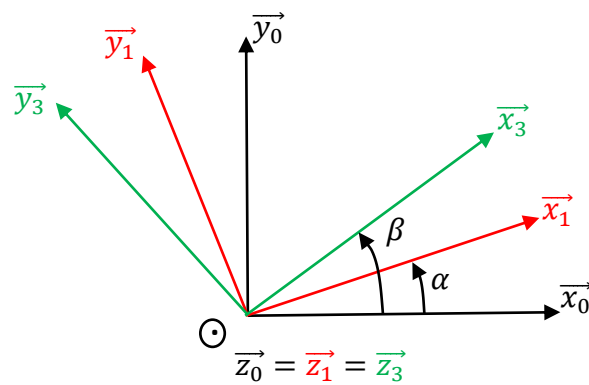
Question 1.



Question 2.



Question 3.



Question 4.

$$\{T_{pes \rightarrow 3}\} = \begin{cases} -m \cdot g \cdot \vec{y}_0 \\ \vec{0} \end{cases} \quad \{T_{0 \rightarrow 3}^{vérin}\} = \begin{cases} F_{03} \cdot \vec{x}_1 \\ \vec{0} \end{cases}$$

Question 5.

$$\{T_{0 \rightarrow 3}^{liaison}\} = \begin{cases} X_{0 \rightarrow 3} \cdot \vec{x}_0 + Y_{0 \rightarrow 3} \cdot \vec{y}_0 + Z_{0 \rightarrow 3} \cdot \vec{z}_0 \\ L_{0, 0 \rightarrow 3} \cdot \vec{x}_0 + M_{0, 0 \rightarrow 3} \cdot \vec{y}_0 \end{cases}$$

Question 6. On isole $\{1\}$. $\{1\}$ soumit à 3 actions mécaniques :

- action de la pesanteur : $\{T_{pes \rightarrow 3}\}_G = \begin{cases} -m \cdot g \cdot \vec{y}_0 \\ \vec{0} \end{cases}$
- action du vérin : $\{T_{0 \xrightarrow{\text{vérin}} 3}\}_B = \begin{cases} F_{03} \cdot \vec{x}_1 \\ \vec{0} \end{cases} = \begin{cases} F_{03} \cdot \cos(\alpha) \cdot \vec{x}_0 + F_{03} \cdot \sin(\alpha) \cdot \vec{y}_0 \\ \vec{0} \end{cases}$
- action de la liaison pivot : $\{T_{0 \xrightarrow{\text{liaison}} 3}\}_C = \begin{cases} X_{0 \rightarrow 3} \cdot \vec{x}_0 + Y_{0 \rightarrow 3} \cdot \vec{y}_0 + Z_{0 \rightarrow 3} \cdot \vec{z}_0 \\ L_{0, 0 \rightarrow 3} \cdot \vec{x}_0 + M_{0, 0 \rightarrow 3} \cdot \vec{y}_0 \end{cases}$

Afin de réaliser le PFS en résultante et en moment, il est nécessaire d'écrire tous les torseurs au même point. Nous choisissons de les écrire au point C (au niveau de la liaison) :

$$\begin{aligned} \vec{M}_{C, pes \rightarrow 3} &= \vec{M}_{G, pes \rightarrow 2} + \vec{CG} \wedge -m \cdot g \cdot \vec{y}_0 = \vec{0} + (L + e)\vec{x}_3 \wedge -m \cdot g \cdot \vec{y}_0 \\ &= -m \cdot g(L + e) \cos(\beta) \vec{z}_0 \end{aligned}$$

$$\vec{M}_{C, 0 \xrightarrow{\text{vérin}} 3} = \vec{M}_{B, 0 \xrightarrow{\text{vérin}} 3} + \vec{CB} \wedge F_{03} \cdot \vec{x}_1 = \vec{0} + L \vec{x}_3 \wedge F_{03} \cdot \vec{x}_1 = L \cdot F_{03} \cdot \sin(\alpha - \beta) \vec{z}_0$$

Appliquons le PFS en résultante et moment au point C afin d'obtenir les 6 équations du PFS :

$$\begin{cases} X_{0 \rightarrow 3} + F_{03} \cdot \cos(\alpha) = 0 \\ Y_{0 \rightarrow 3} + F_{03} \cdot \sin(\alpha) - m \cdot g = 0 \\ Z_{0 \rightarrow 3} = 0 \\ L_{0, 0 \rightarrow 3} = 0 \\ M_{0, 0 \rightarrow 3} = 0 \\ L \cdot F_{03} \cdot \sin(\alpha - \beta) - m \cdot g(L + e) \cos(\beta) = 0 \end{cases}$$

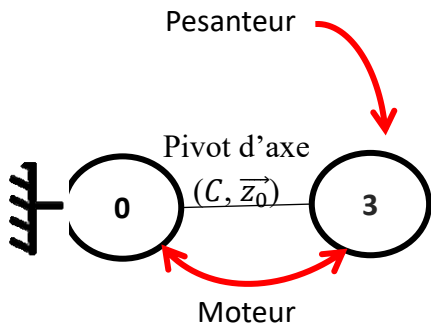
On obtient alors le torseur des actions mécaniques effectivement transmises dans la liaison entre 1 et 0 suivant :

$$\{T_{0 \xrightarrow{\text{liaison}} 3}\}_C = \begin{cases} -F_{03} \cdot \cos(\alpha) \cdot \vec{x}_0 + (m \cdot g - F_{03} \cdot \sin(\alpha)) \cdot \vec{y}_0 \\ \vec{0} \end{cases}$$

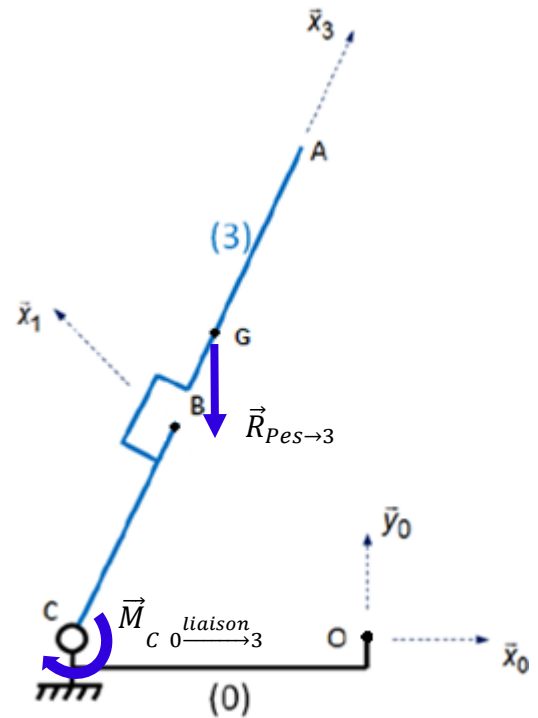
Question 7. Il s'agit de l'équation en moment du PFS au point C projeté suivant \vec{z}_0 . On en déduit alors l'effort à fournir par le vérin :

$$F_{03} = \frac{m \cdot g(L + e) \cos(\beta)}{L \cdot \sin(\alpha - \beta)}$$

Question 8.



Question 9



Question 10. On isole {3}, soumis à 3 actions mécaniques :

- action de la pesanteur : $\{T_{pes \rightarrow 3}\} = \begin{cases} -m \cdot g \cdot \vec{y}_0 \\ \vec{0} \end{cases}_G$
- action du motoréducteur : $\{T_{0 \xrightarrow{\text{motoréducteur}} 3}\} = \begin{cases} \vec{0} \\ C_{03} \cdot \vec{z}_0 \end{cases}_C =$
- action de la liaison pivot : $\{T_{0 \xrightarrow{\text{liaison}} 3}\} = \begin{cases} X_{0 \rightarrow 3} \cdot \vec{x}_0 + Y_{0 \rightarrow 3} \cdot \vec{y}_0 + Z_{0 \rightarrow 3} \cdot \vec{z}_0 \\ L_{0, 0 \rightarrow 3} \cdot \vec{x}_0 + M_{0, 0 \rightarrow 3} \cdot \vec{y}_0 \end{cases}_C$

Afin de réaliser le PFS en résultante et en moment, il est nécessaire d'écrire tous les torseurs au même point. Nous choisissons de les écrire au point C (au niveau de la liaison) :

$$\begin{aligned} \vec{M}_{C, pes \rightarrow 3} &= \vec{M}_{G, pes \rightarrow 2} + \vec{CG} \wedge -m \cdot g \cdot \vec{y}_0 = \vec{0} + (L + e)\vec{x}_3 \wedge -m \cdot g \cdot \vec{y}_0 \\ &= -m \cdot g(L + e) \cos(\beta) \vec{z}_0 \end{aligned}$$

Appliquons le PFS en résultante et moment au point C afin d'obtenir les 6 équations du PFS :

$$\begin{cases} X_{0 \rightarrow 3} = 0 \\ Y_{0 \rightarrow 3} - m \cdot g = 0 \\ Z_{0 \rightarrow 3} = 0 \\ L_{0, 0 \rightarrow 3} = 0 \\ M_{0, 0 \rightarrow 3} = 0 \\ C_{03} - m \cdot g(L + e) \cos(\beta) = 0 \end{cases}$$

On obtient alors le torseur des actions mécaniques effectivement transmises dans la liaison entre 1 et 0 suivant :

$$\{T_{0 \xrightarrow{\text{liaison}} 3}\}_C = \begin{cases} m \cdot g \cdot \vec{y}_0 \\ \vec{0} \end{cases}$$

Question 11. Il s'agit de l'équation en moment du PFS au point C projeté suivant \vec{z}_0 . On en déduit alors le couple à fournir par le motoréducteur :

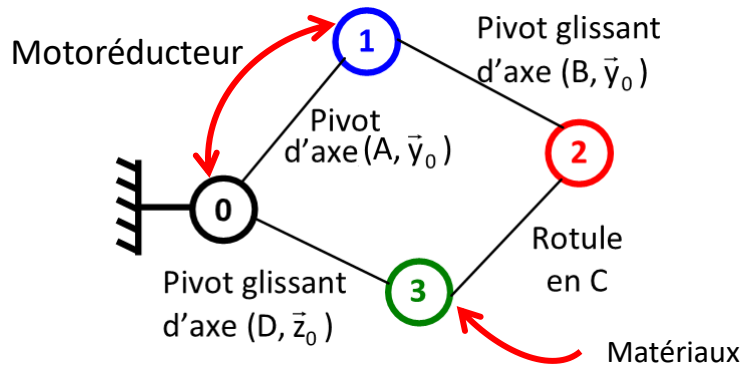
$$C_{03} = m \cdot g(L + e) \cos(\beta)$$

Question 12. La vitesse en amont du réducteur est supérieure à celle de sortie donc le couple doit être inférieure en amont du réducteur par rapport au couple de sortie. Avec $0 < r < 1$, on en déduit :

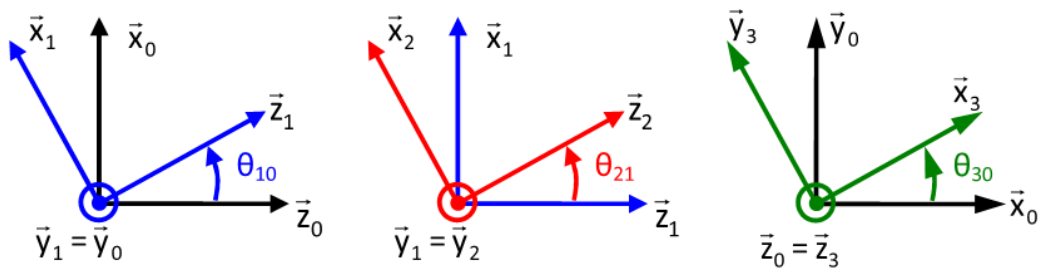
$$C_m = r \cdot m \cdot g(L + e) \cos(\beta)$$

Ex. 3 : Broyeur

Question 1.



Question 2.



Question 3.

$$\left\{ T_{0 \xrightarrow{\text{liaison}} 1} \right\} = \begin{cases} X_{0 \rightarrow 1} \cdot \vec{x}_0 + Y_{0 \rightarrow 1} \cdot \vec{y}_0 + Z_{0 \rightarrow 1} \cdot \vec{z}_0 \\ L_{A, 0 \rightarrow 1} \cdot \vec{x}_0 + N_{A, 0 \rightarrow 1} \cdot \vec{z}_0 \end{cases}$$

$$\left\{ T_{2 \xrightarrow{\text{liaison}} 3} \right\} = \begin{cases} X_{2 \rightarrow 3} \cdot \vec{x}_0 + Y_{2 \rightarrow 3} \cdot \vec{y}_0 + Z_{2 \rightarrow 3} \cdot \vec{z}_0 \\ \vec{0} \end{cases}$$

Question 4. On isole $\{1\}$, la pièce est soumise à 3 actions mécaniques :

- action du motoréducteur : $\left\{ T_{0 \xrightarrow{\text{motoréducteur}} 1} \right\} = \begin{cases} \vec{0} \\ C_{01} \cdot \vec{y}_0 \end{cases}$
- action de la liaison pivot : $\left\{ T_{0 \xrightarrow{\text{liaison}} 1} \right\} = \begin{cases} X_{0 \rightarrow 1} \cdot \vec{x}_0 + Y_{0 \rightarrow 1} \cdot \vec{y}_0 + Z_{0 \rightarrow 1} \cdot \vec{z}_0 \\ L_{A, 0 \rightarrow 1} \cdot \vec{x}_0 + N_{A, 0 \rightarrow 1} \cdot \vec{z}_0 \end{cases}$
- action de la liaison pivot glissant : $\left\{ T_{2 \xrightarrow{\text{liaison}} 1} \right\} = - \begin{cases} X_{1 \rightarrow 2} \cdot \vec{x}_0 + Z_{1 \rightarrow 2} \cdot \vec{z}_0 \\ L_{B, 1 \rightarrow 2} \cdot \vec{x}_0 + N_{B, 1 \rightarrow 2} \cdot \vec{z}_0 \end{cases}$

Afin de réaliser le PFS en moment, il est nécessaire d'écrire tous les torseurs au même point. Nous choisissons de les écrire au point A (au niveau de la liaison pivot) :

$$\begin{aligned} \vec{M}_{A, 2 \xrightarrow{\text{liaison}} 1} &= \vec{M}_{A, 2 \xrightarrow{\text{liaison}} 1} + \vec{BA} \wedge -(X_{1 \rightarrow 2} \cdot \vec{x}_0 + Z_{1 \rightarrow 2} \cdot \vec{z}_0) \\ &= -L_{B, 1 \rightarrow 2} \cdot \vec{x}_0 - N_{B, 1 \rightarrow 2} \cdot \vec{z}_0 + R \cdot \vec{z}_1 \wedge -(X_{1 \rightarrow 2} \cdot \vec{x}_0 + Z_{1 \rightarrow 2} \cdot \vec{z}_0) \\ &= -L_{B, 1 \rightarrow 2} \cdot \vec{x}_0 - N_{B, 1 \rightarrow 2} \cdot \vec{z}_0 + R \cdot (\cos(\theta_{10}) \vec{z}_0 + \sin(\theta_{10}) \vec{x}_0) \wedge -(X_{1 \rightarrow 2} \cdot \vec{x}_0 + Z_{1 \rightarrow 2} \cdot \vec{z}_0) \\ &= -L_{B, 1 \rightarrow 2} \cdot \vec{x}_0 - N_{B, 1 \rightarrow 2} \cdot \vec{z}_0 - R \cdot X_{1 \rightarrow 2} \cdot \cos(\theta_{10}) \vec{y}_0 + R \cdot Z_{1 \rightarrow 2} \cdot \sin(\theta_{10}) \vec{y}_0 \end{aligned}$$

Appliquons le PFS en moment au point A suivant \vec{y}_1 :

$$C_{01} - R \cdot X_{1 \rightarrow 2} \cdot \cos(\theta_{10}) + R \cdot Z_{1 \rightarrow 2} \cdot \sin(\theta_{10}) = 0$$

Question 5. On isole $\{2\}$, la pièce est soumise à 2 actions mécaniques :

- action de la liaison pivot glissante : $\left\{ T_{1 \xrightarrow{\text{liaison}} 2} \right\} = \begin{cases} X_{1 \rightarrow 2} \cdot \vec{x}_0 + Z_{1 \rightarrow 2} \cdot \vec{z}_0 \\ L_{B, 1 \rightarrow 2} \cdot \vec{x}_0 + N_{B, 1 \rightarrow 2} \cdot \vec{z}_0 \end{cases}$
- action de la liaison sphérique : $\left\{ T_{3 \xrightarrow{\text{liaison}} 2} \right\} = - \begin{cases} X_{2 \rightarrow 3} \cdot \vec{x}_0 + Y_{2 \rightarrow 3} \cdot \vec{y}_0 + Z_{2 \rightarrow 3} \cdot \vec{z}_0 \\ \vec{0} \end{cases}$

Appliquons le PFS en résultante suivant les trois axes de la base 0 :

$$\begin{cases} X_{1 \rightarrow 2} - X_{2 \rightarrow 3} = 0 \\ Y_{2 \rightarrow 3} = 0 \\ Z_{1 \rightarrow 2} - Z_{2 \rightarrow 3} = 0 \end{cases}$$

L'équation du PFS en résultante suivant \vec{y}_0 nous permet d'en déduire $Y_{2 \rightarrow 3} = 0$.

Question 6. On isole {3}, la pièce est soumise à 3 actions mécaniques :

- action du matériau : $\{T_{P \rightarrow 3}\} = \begin{cases} Z_P \cdot \vec{z}_0 \\ N_P \cdot \vec{z}_0 \end{cases}$
- action de la liaison sphérique : $\{T_{2 \xrightarrow{\text{liaison}} 3}\} = \begin{cases} X_{2 \rightarrow 3} \cdot \vec{x}_0 + Y_{2 \rightarrow 3} \cdot \vec{y}_0 + Z_{2 \rightarrow 3} \cdot \vec{z}_0 \\ \vec{0} \end{cases}$
- action de la liaison pivot glissant : $\{T_{0 \xrightarrow{\text{liaison}} 3}\} = \begin{cases} X_{0 \rightarrow 3} \cdot \vec{x}_0 + Y_{0 \rightarrow 3} \cdot \vec{y}_0 \\ L_{D, 0 \rightarrow 3} \cdot \vec{x}_0 + M_{D, 0 \rightarrow 3} \cdot \vec{y}_0 \end{cases}$

Afin de relier tous les paramètres demandés dans la question, il est nécessaire d'appliquer le PFS au point D en résultante et en moment suivant \vec{z}_0 (pour ne pas avoir d'inconnues de la liaison entre 0 et 3). L'équation en résultante suivant \vec{z}_0 nous donne :

$$Z_P + Z_{2 \rightarrow 3} = 0$$

Afin de réaliser le PFS en moment, il est nécessaire d'écrire tous les torseurs au même point D :

$$\begin{aligned} \vec{M}_{D, 2 \xrightarrow{\text{liaison}} 3} &= \vec{M}_{C, 2 \xrightarrow{\text{liaison}} 3} + \overrightarrow{DC} \wedge (X_{2 \rightarrow 3} \cdot \vec{x}_0 + Y_{2 \rightarrow 3} \cdot \vec{y}_0 + Z_{2 \rightarrow 3} \cdot \vec{z}_0) \\ &= (-L \cdot \vec{y}_3 + h(t) \cdot \vec{z}_0) \wedge (X_{2 \rightarrow 3} \cdot \vec{x}_0 + Y_{2 \rightarrow 3} \cdot \vec{y}_0 + Z_{2 \rightarrow 3} \cdot \vec{z}_0) \\ &= (L \cdot \sin(\theta_{30}) \vec{x}_0 - L \cdot \cos(\theta_{30}) \vec{y}_0 + h(t) \cdot \vec{z}_0) \wedge (X_{2 \rightarrow 3} \cdot \vec{x}_0 + Y_{2 \rightarrow 3} \cdot \vec{y}_0 + Z_{2 \rightarrow 3} \cdot \vec{z}_0) \end{aligned}$$

Vu que nous souhaitons appliquer le PFS au point D en moment uniquement suivant \vec{z}_0 , nous recherchons seulement $\vec{M}_{D, 2 \xrightarrow{\text{liaison}} 3} \cdot \vec{z}_0$. On a alors :

$$\vec{M}_{D, 2 \xrightarrow{\text{liaison}} 3} \cdot \vec{z}_0 = Y_{2 \rightarrow 3} \cdot L \cdot \sin(\theta_{30}) + X_{2 \rightarrow 3} \cdot L \cdot \cos(\theta_{30})$$

Appliquons le PFS en moment au point D suivant \vec{z}_0 :

$$N_P + Y_{2 \rightarrow 3} \cdot L \cdot \sin(\theta_{30}) + X_{2 \rightarrow 3} \cdot L \cdot \cos(\theta_{30}) = 0$$

Question 7. Les questions précédentes nous permettent d'obtenir le système de 6 équations à 6 inconnues suivant (les inconnues sont C_{01} , $X_{1\rightarrow 2}$, $Z_{1\rightarrow 2}$, $X_{2\rightarrow 3}$, $Y_{2\rightarrow 3}$ et $Z_{2\rightarrow 3}$):

$$\begin{cases} C_{01} - R \cdot X_{1\rightarrow 2} \cdot \cos(\theta_{10}) + R \cdot Z_{1\rightarrow 2} \cdot \sin(\theta_{10}) = 0 \\ X_{1\rightarrow 2} - X_{2\rightarrow 3} = 0 \\ Y_{2\rightarrow 3} = 0 \\ Z_{1\rightarrow 2} - Z_{2\rightarrow 3} = 0 \\ Z_P + Z_{2\rightarrow 3} = 0 \\ N_P + Y_{2\rightarrow 3} \cdot L \cdot \sin(\theta_{30}) + X_{2\rightarrow 3} \cdot L \cdot \cos(\theta_{30}) = 0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} C_{01} - R \cdot X_{2\rightarrow 3} \cdot \cos(\theta_{10}) + R \cdot Z_{2\rightarrow 3} \cdot \sin(\theta_{10}) = 0 \\ X_{1\rightarrow 2} = X_{2\rightarrow 3} \\ Y_{2\rightarrow 3} = 0 \\ Z_{1\rightarrow 2} = Z_{2\rightarrow 3} \\ Z_{2\rightarrow 3} = -Z_P \\ X_{2\rightarrow 3} = -\frac{N_P}{L \cdot \cos(\theta_{30})} \end{cases}$$

On en déduit alors :

$$C_{01} = -\frac{R \cdot N_P \cdot \cos(\theta_{10})}{L \cdot \cos(\theta_{30})} + R \cdot Z_P \cdot \sin(\theta_{10})$$

Question 8. La vitesse en amont du réducteur est supérieure à celle de sortie donc le couple doit être inférieure en amont du réducteur par rapport au couple de sortie. Avec $i=4$, on en déduit :

$$C_{m01} = \frac{1}{i} \left(-\frac{R \cdot N_P \cdot \cos(\theta_{10})}{L \cdot \cos(\theta_{30})} + R \cdot Z_P \cdot \sin(\theta_{10}) \right)$$

Question 9. Avec un couple de broyage nul, l'expression de C_{01} devient :

$$C_{m01} = \frac{R \cdot Z_P \cdot \sin(\theta_{10})}{i}$$

L'effort d'écrasement vaut alors :

$$Z_P = \frac{i \cdot C_{m01}}{R \cdot \sin(\theta_{10})} \rightarrow Z_{P \min} = \frac{i \cdot C_{m01}}{R} = \frac{4 \cdot 0,04}{0,03} = 5,33 \text{ N}$$

Le critère effort minimal du cahier des charges est respecté puisque le système permet de fournir un effort minimal de 5,33 N qui est supérieur aux 5 N du cahier des charges.