Décrire le comportement des systèmes à événements discrets (SED)

PCSI 2019-2020

triel

Desvaux Melaine CPGE lycée Brizeux, Quimper

Table des matières

In	troduction	2
1.	Modélisation des SED par diagramme d'état	3
	1.1 Présentation du diagramme d'état	3
	1.2 Etat et ses activités associées	4
	1.3 Transition, événement, garde et effets associées	4
	1.4 Evolution du diagramme d'état par franchissement des transitions	7
	1.5 Pseudos-états	8
	1.6 Démarche de modélisation par diagramme d'état	9
2.	Modélisation des SED par diagramme d'état avec état composite	10
	2.1 Notion de hiérarchisation	10
	2.2 Etat composite orthogonal	10
	2.3 Historique d'un état composite	11
3.	Modélisation d'un SED par diagramme de séquence	12
	3.1 Rappel du diagramme des cas d'utilisation : <i>Use case</i> ou <i>uc</i>	12
	3.2 Diagramme de séquence : Sequence Diagram ou sd	12
Sc	nurces	13

Introduction

On a étudié plus tôt dans l'année la façon dont se comportaient les systèmes continus usuels (ordre1, ordre 2...) lorsqu'ils étaient soumis à des entrées, elles aussi usuelles (échelon, sinusoïde...). Dans ce cours, on s'intéresse au comportement des systèmes à événement discrets que l'on notera SED.

Les systèmes à événements discrets (SED) se définissent par opposition aux systèmes continus dont l'évolution est continue dans le temps et peut être décrite par des équations différentielles. Dans un SED, le passage d'un état à un autre est déclenché par des événements ponctuels. Contrairement aux systèmes continus où les informations traitées sont de nature analogique, les systèmes à événements discrets manipulent des informations logiques ou numériques.

Les SED sont le plus souvent séquentiels, c'est-à-dire que la ou les sorties dépendent de la combinaison des entrées et de l'état précédent des sorties.

Exemple: télécommande de téléviseur

Un appui sur le bouton POWER entraine soit l'allumage ou soit l'extinction du téléviseur.

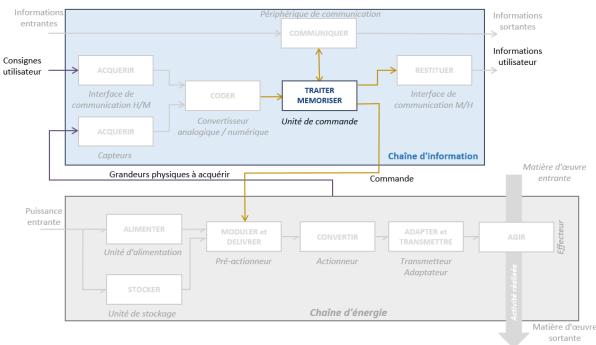
Ainsi, dans le cas d'un SED séquentiel :

- une même cause (même combinaison des entrées) peut produire des effets différents ;
- le temps peut être une cause déclenchante ;
- l'effet peut persister si la cause disparaît.

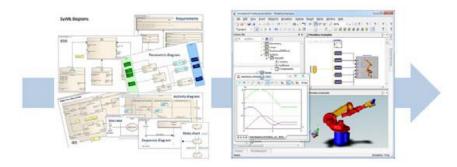


L'unité de commande de ces systèmes à événements discrets est très souvent réalisée à partir de circuits logiques et de calculateurs.

Elle est programmée à partir de l'analyse d'un cahier des charges avec comme objectif, d'aboutir à un fonctionnement du système conforme aux attentes de ses utilisateurs. Les entrées des SED sont des informations en provenance de l'IHM et des capteurs et les sorties sont des commandes vers les IMH et les préactionneurs des différentes chaînes fonctionnelles.



Comme pour toutes les autres étapes de conception d'un nouveau système, il se révèle plus efficace techniquement et économiquement de modéliser la structure du programme et de la simuler, avant tout choix de langage de programmation et réalisation du programme.



Elle peut être mise en oeuvre via le langage SysML et plus particulièrement grâce à l'utilisation des diagrammes d'état. Ceux sont ces différents diagrammes d'état que nous étudierons à travers ce cours.

1. Modélisation des SED par diagramme d'état

1.1 Présentation du diagramme d'état

En langage SysML, un diagramme d'état (stm) est nécessairement associé à un bloc du diagramme de définitions de blocs (bdd) ou du diagramme de blocs internes (ibd). Ce bloc peut être le système, un sous-système ou un composant.

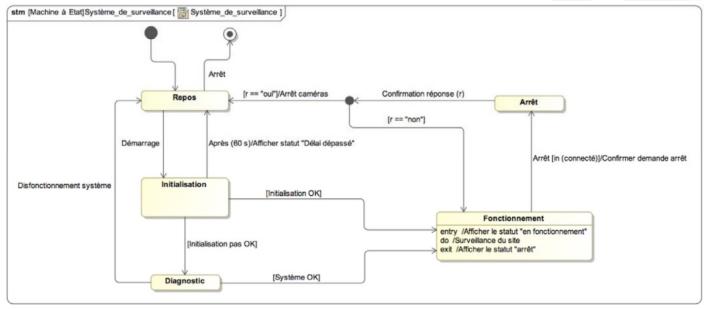
Le diagramme d'état décrit les **différents états pris par le bloc** ainsi que les **transitions possibles** entre ces différents états, et les **activités associées**.

Exemple : dispositif de vidéo surveillance

Le diagramme ci-dessous décrit le fonctionnement d'un système de vidéosurveillance. On y trouve :

- 5 états : Repos, Initialisation, Diagnostic, Arrêt et Fonctionnement ;
- des transitions entre les états, représentées par des flèches, et qui précisent sous quelles conditions le système passe d'un état à un autre.





On peut remarquer, avec cet exemple, que la représentation du comportement est en générale fonctionnelle dans les diagrammes d'état. Aucune information technique sur la manière dont sont transmises les informations, ni sur la façon dont sont réalisées les activités, n'est précisée.

1.2 Etat et ses activités associées

Un état (représenté graphiquement par un rectangle aux bords arrondis) modélise une phase du fonctionnement du système. Pendant cette période, l'état est dit actif et le système accomplit :

- une simple activité;
- OU une séquence d'activités ;
- OU est en attente.

En dehors de cette période, l'état est dit inactif.

Par définition :

- il n'y a qu'un seul état actif à chaque instant ;
- un état possède un titre unique dans le diagramme.

Le lancement des activités à l'intérieur de l'état actif est organisé selon des mots réservés :

	Ţ	
entry	Activité ayant une fin (ex. : allumer/éteindre un voyant), elle ne peut pas	
	être interrompue. Elle est exécutée lors de l'activation de l'état.	
do	Activités interruptibles. Elles sont exécutées dans l'ordre de leur	
	écriture , à partir de l'instant où l'activité associée à <i>entry</i> est terminée.	
exit	Activité ayant une fin, elle ne peut pas être interrompue. Elle est	
	exécutée lors de la désactivation de l'état, juste avant la sortie de l'état	

TITRE

Entry / activité1 Do / activité2 Exit / activité3

Remarques:

- les trois comportements *entry*, *do* et *exit* ne peuvent être utilisés qu'une seule fois par état, mais il est également possible de n'en utiliser qu'une partie (seulement *entry* par exemple);
- si aucun mot réservé n'est utilisé, cela correspond à un do ;
- un état vide (sans activité) indique un état d'attente.

1.3 Transition, événement, garde et effets associées

Une transition (représentée graphiquement par une flèche) modélise la possibilité d'un passage instantané d'un état vers un autre. On appelle état source l'état de départ d'une transition, et état cible l'état d'arrivée d'une transition.

La transition:

- n'a pas de durée ;
- n'est évaluée que si l'état source est actif.

Son franchissement est conditionné par des événements et des conditions de garde.

Ces événements et conditions de franchissement ainsi que l'éventuel effet associé à la transition sont indiqués le long de la flèche qui la symbolise suivant la notation :

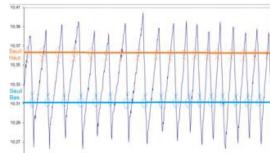


Evènement

Un événement correspond au changement d'état (supposé instantané) 0 ou 1 d'une variable observée. Il est daté dans le temps et est traité instantanément lors de son occurrence (apparition).

Exemples : appui sur un bouton, arrivée en fin de course d'un mécanisme, dépassement d'une valeur seuil...





Un événement n'est jamais mémorisé et est donc perdu s'il ne mène à aucune évolution du diagramme d'état.

Il est possible d'utiliser des variables internes (compteurs ou horloge) pour spécifier un événement :

when (N=3)	L'événement apparaît lorsque la variable interne N devient égale à 3. Il permet par exemple d'utiliser un compteur.
after (T)	L'événement apparaît après une durée T passé dans l'état d'amont. Il permet de réaliser une temporisation.
at (D)	L'événement apparaît à la date D dans un référentiel de temps dont l'origine correspond généralement au démarrage du fonctionnement du système.

Si une transition n'a pas d'événement spécifié, l'événement implicite est la fin des d'activités liées au do de l'état source (les activités doivent donc avoir une fin).

Garde

La **garde** est une **condition de franchissement de la transition**. C'est une condition logique évaluée à l'instant de l'événement (vrai ou faux, généralement notée 1 ou 0).

Contrairement à l'événement qui, lui, est localisé dans le temps, la garde traduit une condition qui dure dans le temps et qui doit persister.

Exemple: Pour un bouton d'arrêt d'urgence:

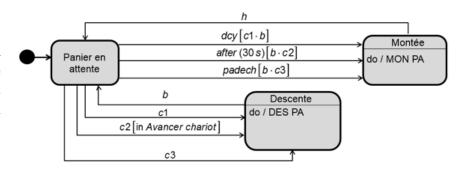
- l'événement est associé à l'instant où le bouton est enfoncé ;
- la garde est associé à l'état du bouton : enfoncé ou non.

Si une garde n'est pas présente le long d'une transition, elle est considérée comme toujours vraie.

NB: La syntaxe d'une condition de garde vérifiant si un état nommé TOTO est actif est : [in TOTO].

Equation logique

La condition logique évaluée pour la garde peut-être le résultat d'une combinaison de l'état de plusieurs grandeurs logiques, on parle alors du résultat d'une équation logique.



Dans ce type d'équation, on utilise des

opérateurs logiques selon les règles de l'algèbre de BOOLE. Ces 4 opérateurs logiques sont : **OUI**, **NON**, **OU**, **ET**. Ils permettent de réaliser les opérations de base :

Entrées : a et b résultat : S				
oui	notée $S = a$		a=1	
NON	notée $S = \overline{a}$ qui donne à $S \mid a$	a = 0		
(appelé aussi « complément »)		qui donne à S la valeur 1 si et seulement si		
OU	notée $S = a + b$		a=1 OU b=1	
(appelé aussi « somme logique »)	Hotee $S = u + D$		u=1 00 b=1	
ET	notée $S = a \cdot b$		a=1 ET $b=1$	
(appelé aussi « produit logique »)			0-121 5-1	

Quelques règles et propriétés de l'algèbre de Boole :

Propriétés de la somme logique : OU
a+1=1
a+0=a
a+a=a
$a+\overline{a}=1$

Propriétés du produit logique : ET
$a \cdot 1 = a$
$a \cdot 0 = 0$
$a \cdot a = a$
$a \cdot \overline{a} = 0$

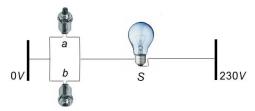
commutativité	associativité	distributivité	
$a \cdot b = b \cdot a$	$a \cdot (b \cdot c) = (a \cdot b) \cdot c = a \cdot b \cdot c$	$a\cdot(b+c)=a\cdot b+a\cdot c$	
a+b=b+a	a + (b + c) = (a + b) + c = a + b + c	$a+(b\cdot c)=(a+b)\cdot(a+c)$	

Identité remarquables	
$a + \overline{a}.b = a + b$	
$(a+b)\cdot(\overline{a}+c)=a\cdot c+\overline{a}\cdot b$	

Théorèmes de De Morgan :
$$\overline{(a+b)} = \overline{a}.\overline{b}$$
 et $\overline{(a.b)} = \overline{a} + \overline{b}$

Toutes ces règles ne sont pas à apprendre par cœur mais plutôt à retrouver en faisant preuve de « logique ». On peut s'aider d'une représentation mentale de type schéma électrique dans laquelle:

- la variable dont on calcule l'état est une ampoule ;
- les variables qui interviennent dans l'équation sont des interrupteurs de type *bouton poussoir*;
- l'opérateur logique OU correspond à un montage en parallèle ;
- l'opérateur logique ET correspond à un montage en série.



Représentation « électrique » de S = a + b

Effet

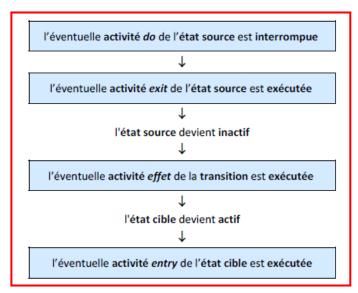
Un **effet** est une **activité** accomplie lorsque la **transition** est **franchie**. Les activités associées aux effets sont considérées instantanées. Une transition peut ne pas avoir d'effet associé.

1.4 Evolution du diagramme d'état par franchissement des transitions

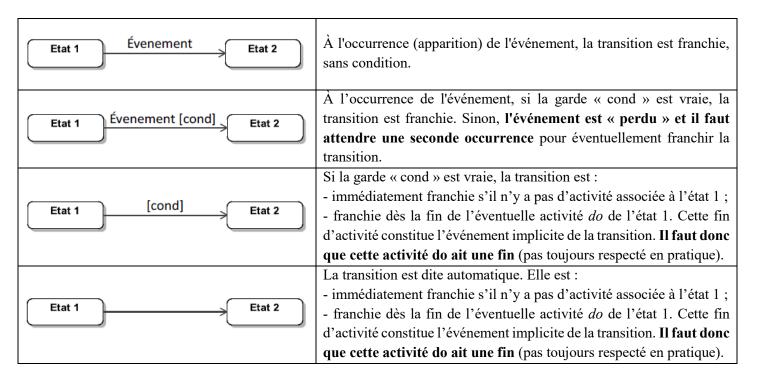
Chronologie du franchissement d'une transition

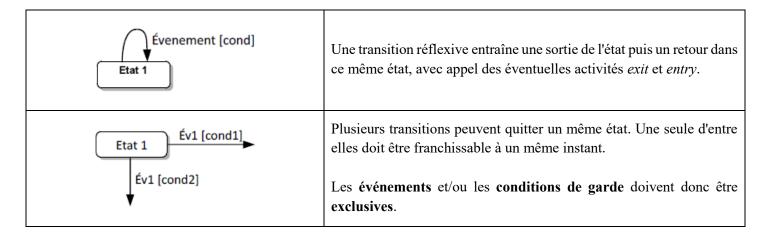
On peut formuler le principe de fonctionnement de base d'un diagramme d'état de la façon suivante : dès qu'un état est actif, la transition située entre cet état source et l'état cible est franchissable.

Lorsque l'événement apparaît, ET si la condition de garde est vrai :



Situations couramment rencontrées





1.5 Pseudos-états

Un pseudo-état est un état ne pouvant pas avoir d'activité.

Pseudo-état initial •

Unique et obligatoire, il est activé au lancement de la machine à états et marque le début de l'exécution du diagramme d'état. Il n'a aucune transition entrante.

Pseudo-état final

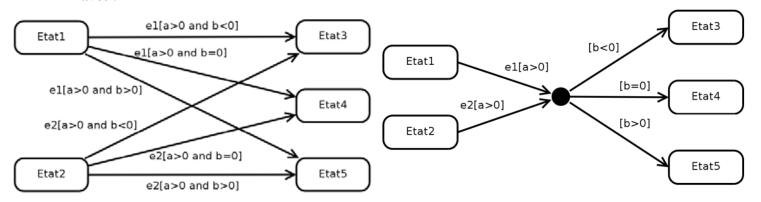
Optionnel, il signe la **fin de l'exécution du diagramme d'état**. Il n'a aucune transition sortante. Il peut y en avoir plusieurs car différents scénarios peuvent être possibles pour mettre fin à un diagramme d'état.

Pseudo-état jonction

Utilisé pour **regrouper** (« factoriser ») des **conditions de franchissement de transition**, en particulier des gardes communes à un événement. Il permet de partager des segments de transition et d'aboutir à une notation plus lisible des chemins alternatifs.

L'évaluation des conditions de garde en aval du pseudo-état est réalisée avant que ce pseudo-état ne soit atteint.

Exemples ci-dessous de 2 diagrammes d'état identiques : l'un sans pseudo-état jonction, et l'autre avec :

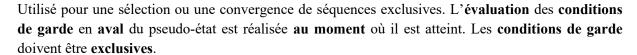


Exemple sans pseudo-état jonction

Exemple avec pseudo-état jonction

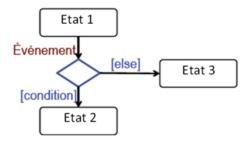
On passe de l'état 1 à l'état 3 si l'événement e1 apparait et que les conditions a>0 et b<0 sont vrais...

Pseudo-état décision



L'utilisation d'une clause [else] est recommandée après un pseudo-état décision, car elle garantit un modèle correct en englobant tout ce qui n'est pas décrit dans les autres expressions logiques et en assurant ainsi qu'au moins un segment en aval est franchissable.

Exemple ci-contre: dès que l'événement apparaît, le pseudoétat décision est atteint. Si la condition est vraie, c'est l'état 2 qui devient actif, sinon, c'est l'état 3.



1.6 Démarche de modélisation par diagramme d'état

Une bonne modélisation du comportement séquentiel d'un système, en vue de programmer son unité de commande, nécessite de respecter la démarche suivante :

Etape 1

•Définir la **frontière** du système, **recenser les variables d'entrée** (consignes de l'utilisateur, grandeurs physiques acquises par les capteurs) **et de sortie** (messages à destination de l'utilisateur ou d'autres systèmes, et commandes vers les préactionnneurs).

Etape 2

• Recenser, nommer et tracer les différents états dans lesquels peut se retrouver le système lors de son utilisation. Identifier les activités associées à chaque état.

Etape 3

• **Identifier** et tracer **les transitions** possibles entre les états en fonction du comportement séquentiel souhaité ou observé.

Etape 4

• Définir les événements et conditions associés à chaque transition et qui autorisent son franchissement.

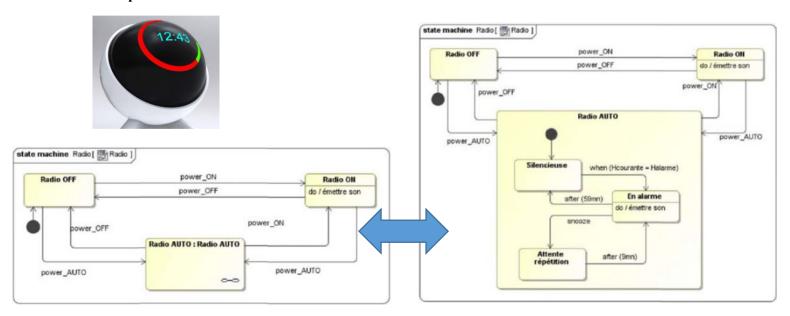
2. Modélisation des SED par diagramme d'état avec état composite

2.1 Notion de hiérarchisation

Un état composite décrit les évolutions internes d'un état à l'aide d'un autre diagramme d'état. Pour repérer un état composite, un signe symbolisant des lunettes est apposé sur l'état. Cette structure qui englobe plusieurs sous-états exclusifs considérés comme *hiérarchiquement inférieur* au diagramme principal, permet de rendre ce dernier plus lisible en entrant séparément dans le détail des évolutions internes du système.



Exemple: radio-réveil

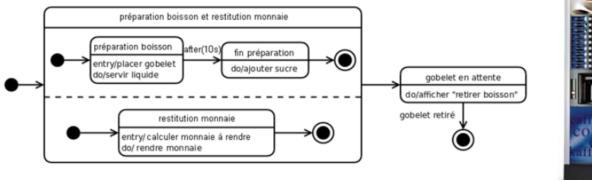


Une transition qui atteint la bordure d'un état composite est équivalente à une transition qui atteint l'état initial de sa région interne. Une transition qui sort de la bordure d'un état composite est équivalente à une transition qui sort de tous les états de sa région interne.

2.2 Etat composite orthogonal

Dans un état composite orthogonal, plusieurs diagrammes d'états peuvent évoluer simultanément dans des régions séparées par des pointillés. Les différentes régions de l'état orthogonal fonctionnent en parallèle sans aucune influence les unes sur les autres. Dans ce cas de figure plusieurs états sont actifs en même temps (un seul par région).

Exemple: distributeur de boissons



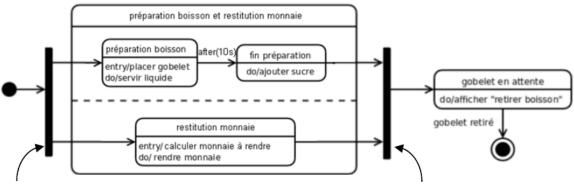


Une transition qui atteint la bordure d'un état composite orthogonal est équivalente à une transition qui atteint les états initiaux de toutes ses régions.

Toutes les régions d'un état composite orthogonal doivent atteindre leur état final pour que l'état composite soit considéré comme terminé. Ce n'est qu'à cette condition que la transition de sortie de l'état composite devient franchissable.

L'activation et la sortie d'un état composite orthogonal peuvent être également symbolisés par des barres de synchronisation *fork* et *join* qui fonctionnent par paire.

Exemple : distributeur de boissons : Le diagramme d'état ci-dessous décrit le même comportement que celui présenté précédemment.



Barre de synchronisation "fork"

Barre de synchronisation "join"

Les transitions, nécessairement automatiques, qui partent d'une barre de synchronisation *fork* sont franchies simultanément.

La transition qui part d'une barre de synchronisation *join* n'est franchissable qu'après le franchissement de toutes les transitions, nécessairement automatiques, qui convergent vers cette barre.

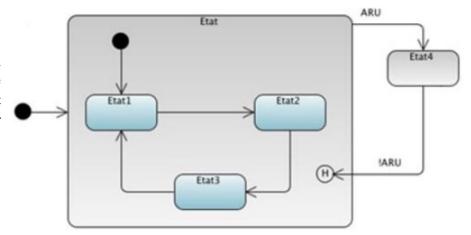
2.3 Historique d'un état composite

L'état actif au moment de la sortie d'un état composite peut être mémorisé par l'indication historique. Lors de la réactivation de l'état composite, celui-ci se réactive à cet état.



Exemple:

L'historique est utilisé ici pour permettre à un système de recommencer dans l'état où il était, après un appui sur l'arrêt d'urgence (ARU).



3. Modélisation d'un SED par diagramme de séquence

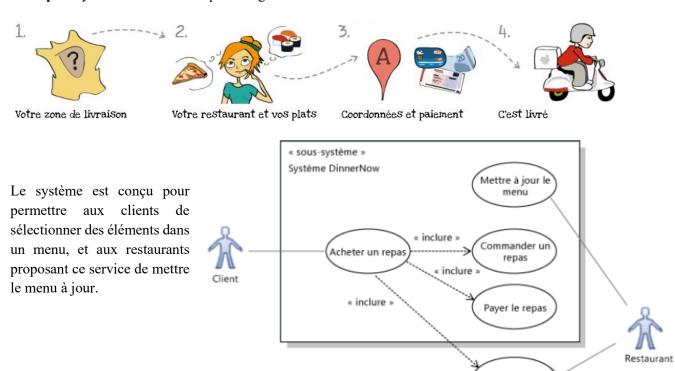
Un autre diagramme du langage SysML permet de décrire le comportement séquentiel d'un système. Il s'agit du diagramme de séquence que l'on définit pour les différents cas d'utilisations.

3.1 Rappel du diagramme des cas d'utilisation : Use case ou uc

Le rôle d'un diagramme des cas d'utilisation est de spécifier les acteurs (placés à l'extérieur de la frontière d'étude) qui utilisent le système et la manière dont elles l'utilisent.

L'énoncé d'un cas d'utilisation est purement fonctionnel. Il est défini en termes de résultats attendus et est donc totalement indépendant des solutions technologiques choisies pour pouvoir le réaliser.

Exemple : système de vente de repas en ligne :



3.2 Diagramme de séquence : Sequence Diagram ou sd

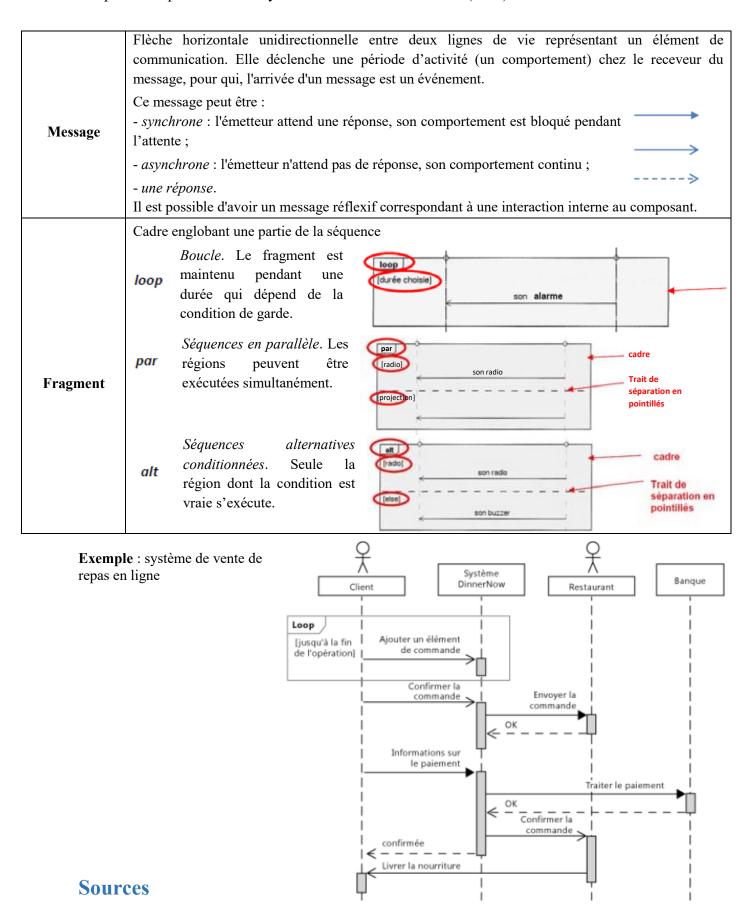
Un diagramme de séquence est rattaché à un cas d'utilisation et décrit ce dernier en entier ou en partie, ce qui correspond à un scénario de fonctionnement possible, défini dans un cadre précis.

Il décrit, dans l'ordre chronologique, l'enchaînement des interactions (appelés messages) entre les acteurs du système ou entre des composants du système eux-mêmes.

Les principaux éléments sont :

Ligne de vie	Ligne verticale en pointillée. Une pour chaque élément dialoguant (acteur, système, sous-système ou composant).
Période d'activité	Bande verticale sur une ligne de vie. Optionnelle, elle facilite la lecture du diagramme.

Livrer le repas



J. Le Goff, S. Génouel, « Cours de Sciences Industrielles de l'Ingénieur CPGE 1ère année », Pôle Chateaubriand Joliot-Curie, 2013