

# Devoir surveillé de sciences physiques n°9

(1h30)

## Plongée dans un lac

(barème sur 56 points)

**Avertissement:** tout calcul numérique devra être précédé de l'expression littérale en fonction des données.

Les températures en °C seront représentées par la lettre  $\theta$ , celles en Kelvin par T.

On rappelle que  $T(K) = \theta(^{\circ}C) + 273,15$ .

### 1. Pression, force de pression

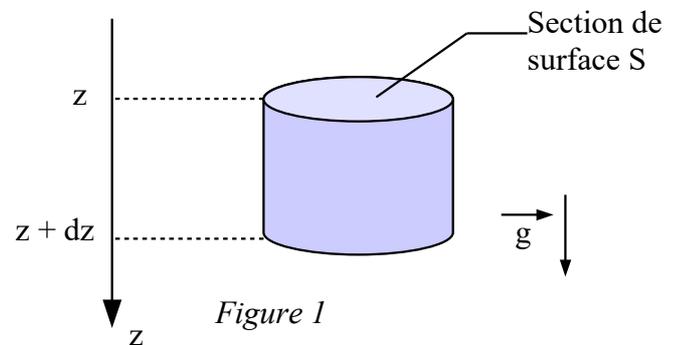
#### 1.1. Variation de pression au sein d'un fluide

L'eau d'un lac constitue un liquide homogène incompressible de masse volumique  $\rho$  constante, en équilibre dans le champ de pesanteur uniforme, d'intensité  $g$  constante.

On considère à l'intérieur de ce fluide un cylindre fictif de section de surface  $S$  et de hauteur  $dz$  (voir figure 1).

On admet que la pression dans le fluide ne dépend que de l'altitude  $z$  et on la note  $P(z)$ .

En considérant le bilan des forces extérieures appliquées au fluide contenu dans le volume cylindrique, établir l'expression reliant  $dP$  et  $dz$ .



#### 1.2. Forces de pression s'exerçant sur la paroi d'un barrage

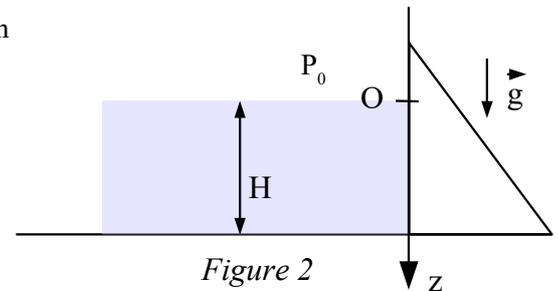
L'eau du lac est retenue par un barrage plan vertical. La paroi du barrage en contact avec l'eau est un rectangle de hauteur  $H$  et de largeur  $L$  (figure 2).

La surface libre de l'eau (prise à l'altitude  $z=0$ ) est en contact avec l'atmosphère à la pression  $P_0$  constante.

Données numériques:

$$\rho = 10^3 \text{ kg.m}^{-3}, \quad g = 9,81 \text{ m.s}^{-2}, \quad H = 40,0 \text{ m}, \quad L = 100 \text{ m}, \quad P_0 = 1,01 \cdot 10^5 \text{ Pa}$$

Ces données numériques restent valables dans tout le problème si besoin.



a) Déterminer l'expression de  $P(z)$  dans le lac en prenant l'axe  $Oz$  descendant de la figure 2.

b) Etablir l'expression et calculer la norme de la résultante  $\vec{F}$  des forces de pression exercées par l'eau du lac sur la paroi verticale du barrage.

### 2. Plongée

Un plongeur est chargé d'inspecter le barrage, on s'intéresse à l'aspect respiratoire de la plongée.

Hypothèses d'étude:

En surface ou en plongée, l'air contenu dans l'appareil respiratoire (cage thoracique) présente les caractéristiques suivantes:

- Il est assimilable à un gaz parfait.
- Son volume est  $V$  (celui de la cage thoracique du plongeur).
- On suppose ce volume  $V$  variable, on note  $V_m$  sa valeur maximum.
- Sa pression est égale à la pression environnante ( $P_0$  en surface et  $P(z)$  en plongée).
- Sa température est constante.

## 2.1. Plongée sans bouteille

A l'air libre, le plongeur gonfle ses poumons au maximum ( $V=V_m$ ) bloque sa respiration et plonge à une profondeur  $z_1$  sans perdre d'air.

*Données numériques:*

$\theta_0 = 25,0^\circ\text{C}$ ,  $z_1 = 40\text{m}$ ,  $V_m = 7,00\text{ L}$  et  $R = 8,31\text{ JK}^{-1}\text{mol}^{-1}$ .

*Ces données numériques restent valables dans tout le problème.*

- Calculer le volume  $V_1$  des poumons à la profondeur  $z_1$ .
- A la profondeur  $z_1$ , le plongeur expire la moitié de l'air qu'il avait inspiré avant de plonger. Il remonte ensuite sans lâcher d'air. Quel est alors le volume  $V'$  de ses poumons quand il arrive en surface?

## 2.2. Équipement de plongée autonome

Le plongeur utilise maintenant l'équipement de plongée autonome (bouteille et détendeur) mis au point par l'équipe Cousteau.

*Hypothèses concernant la bouteille:*

- La bouteille placée sur le dos est à parois indéformables, son volume est  $V_b$ .
- Elle contient de l'air et a été initialement gonflée à la température  $\theta_b$  sous la pression  $P_b$ .
- Dans l'eau ou à la surface de l'eau le contenu de la bouteille est ramené à la température constante  $\theta_a$  environnante. Sa pression devient  $P_a$ .

*Fonctionnement du détendeur:*

- Le détendeur est un système complexe qui délivre la quantité d'air nécessaire à la respiration du plongeur à la pression  $P(z)$  locale.
- Le détendeur se bloque lorsque la pression  $P_b$  dans la bouteille devient égale à  $P_f$ . C'est un signal donné au plongeur pour lui indiquer qu'il est temps de remonter à la surface. Quand  $P_b=P_f$ , Le plongeur débloque le détendeur pour utiliser le reste du gaz.

*La respiration en surface ou en plongée se traduit par:*

- une fréquence constante  $\nu$  des cycles respiratoires
- Un volume moyen  $V_0$  de gaz, à la pression  $P(z)$  inspiré puis expiré au cours de chaque cycle à la température constante  $\theta_a$  environnante.

*Données numériques:*

$\theta_b = 50^\circ\text{C}$ ,  $\theta_a = 10^\circ\text{C}$ ,  $P_b = 250 \cdot 10^5\text{ Pa}$ ,  $P_f = 50 \cdot 10^5\text{ Pa}$ ,  $V_b = 12\text{ L}$ ,  $V_0 = 2,5\text{ L}$ ,  $z_1 = 40\text{m}$  et  $\nu = 15\text{ min}^{-1}$ .

- Calculer la pression  $P_a$ , de l'air dans la bouteille après que l'air soit revenu à la température ambiante  $\theta_a$ .
- Si le plongeur utilise l'appareil en surface ( $z=0$ ), exprimer la durée  $\Delta t$  au bout de laquelle le détendeur se bloque en fonction de  $\nu$ ,  $P_a$ ,  $P_f$ ,  $P_0$ ,  $V_b$  et  $V_0$ . (Pour faire ce calcul, il est conseillé d'exprimer successivement le nombre initial  $n_i$  de moles d'air dans la bouteille, puis le nombre  $n_f$  de moles dans la bouteille quand le détendeur se bloque et le nombre  $n_0$  de moles utilisées à chaque cycle respiratoire). Faire l'application numérique.
- Avec une bouteille pleine identique, le sportif plonge rapidement à la profondeur  $z_1$  et s'y maintient. Soit  $\Delta t'$  la durée au bout de laquelle le détendeur se bloque. Établir la relation entre  $\Delta t$ ,  $\Delta t'$ ,  $P_0$  et  $P(z_1)$ . Calculer  $\Delta t'$ . Comparer  $\Delta t$  et  $\Delta t'$ . Conclusion.

## 2.3. Panique en cours de remontée

*On considère maintenant un accident de plongée pouvant intervenir en cas de panique.*

- Un plongeur non initié se trouve à la profondeur  $z_1$ . Il prend peur, bloque sa respiration, le volume de ses poumons est alors  $V=2V_0$ , il perd son détendeur et remonte rapidement à la surface sans expirer. Au cours de la remontée, comment varie  $V$ ?  $V$  atteint  $V_m$  à la profondeur  $z_2$ . Exprimer  $z_2$  en fonction de  $V_0$ ,  $V_m$ ,  $z_1$ ,  $P_0$ ,  $\rho$  et  $g$  puis faire l'application numérique.
- Le volume  $V_m$  des organes respiratoires est **un volume qui ne peut pas être dépassé**. Ainsi pour  $z < z_2$  il s'établit une surpression entre la cavité pulmonaire et le milieu extérieur. Les poumons subissent des lésions graves (éclatement généralement fatal) lorsque la différence de pression  $\Delta P = P(\text{poumons}) - P(\text{extérieur}) > \Psi = 0,5 \cdot 10^5\text{ Pa}$ . Exprimer la profondeur  $z_3$  à laquelle l'accident risque d'arriver en fonction de  $z_2$ ,  $\Psi$ ,  $\rho$  et  $g$  puis faire l'application numérique.
- Quel volume  $\Delta V$  le plongeur aurait-il du expirer à la profondeur  $z_1$  pour qu'en surface  $\Delta P$  soit limite et qu'il n'y ait pas d'accident? Exprimer  $\Delta V$  en fonction de  $\Psi$ ,  $V_0$ ,  $V_m$ ,  $z_1$ ,  $P_0$ ,  $\rho$  et  $g$  puis faire l'application numérique.
- Le plongeur sans bouteille (en apnée) de la question 2.1 risque-t-il l'accident?