

**Préparation DS04 Correction** (d'après banque agro 2009)

1  $\underline{U}_e = E$  ;  $\underline{U}_C = U_{Cm} e^{j\varphi_c}$  ;  $\underline{U}_R = U_{Rm} e^{j\varphi_r}$  ;  $\underline{I} = I_m e^{j\varphi_i}$

2  $\underline{Z}_L = r + jL\omega$  ;  $\underline{Z}_R = R$  ;  $\underline{Z}_C = \frac{1}{jC\omega}$

3 **En basse fréquence :**  
 $\underline{Z}_L = r$  ;  $\underline{Z}_R = R$  et  $\underline{Z}_C \rightarrow \infty$  (interrupteur ouvert) donc  $\underline{u}_R(t) = Ri(t) = 0$  et  $\underline{u}_C(t) \rightarrow e(t)$ .  
**En haute fréquence :**  
 $\underline{Z}_L \rightarrow \infty$  (interrupteur ouvert) ;  $\underline{Z}_R = R$  et  $\underline{Z}_C \rightarrow 0$  (fil) donc  $\underline{u}_R(t) = Ri(t) = 0$  et  $\underline{u}_C(t) \rightarrow 0$ .

4  $\underline{Z} = (r+R) + j(L\omega - \frac{1}{C\omega}) = (r+R)(1 + j \frac{L\omega_0}{R+r} (\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{1}{LC\omega_0\omega})) = R_0(1 + jQ(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega}))$  Par identification :  
 $\underline{R}_0 = R+r$  ;  $\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}}$  et  $Q = \frac{L\omega_0}{R+r} = \frac{1}{R+r} \sqrt{\frac{L}{C}}$ .

5  $I = \frac{E}{\underline{Z}}$ , donc  $\underline{I} = \frac{E}{R_0(1 + jQ(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega}))}$

6  $I_m = |\underline{I}| = \frac{E}{\sqrt{R_0^2(1 + Q^2(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega})^2)}} = \frac{E}{R_0 \sqrt{1 + Q^2(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega})^2}} = \frac{A}{\sqrt{1 + B^2(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega})^2}}$   
 Par identification :  $A = \frac{E}{R_0}$  et  $B = Q$ .

7 Im est maximum quand son dénominateur est minimum, c'est à dire quand :  $\omega_r = \omega_0$ . On a alors  
 $I_m(\omega_r) = \frac{E}{R_0}$ .  $I(\omega_r) = \frac{E}{R_0}$   $\varphi_i(\omega_r) = \arg(\underline{I}(\omega_r)) = 0$ . A la résonance e(t) et i(t) sont en phase.

8  $I_m(\omega_{max}) = I_m(\omega_{min}) = \frac{E}{R_0\sqrt{2}} = \frac{E}{R_0 \sqrt{1 + Q^2(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega})^2}}$   $\omega_{max}$  et  $\omega_{min}$  vérifient l'équation :  $|\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega}| = \frac{1}{Q}$   
 après résolution on obtient :  
 $\omega_{min} = \omega_0(\frac{-1}{2Q} + \sqrt{1 + \frac{1}{4Q^2}})$  et  $\omega_{max} = \omega_0(\frac{1}{2Q} + \sqrt{1 + \frac{1}{4Q^2}})$  d'où  $\Delta\omega = \frac{\omega_0}{Q}$ .

9 Théoriquement on a vu que  $I_m(0) = 0$  on en déduit que :  
 la courbe (1) correspond à  $U_{Cm}$  et la courbe (2) à  $I_m$ .

10  $\underline{U}_C = \frac{I}{jC\omega}$  d'où  $\underline{U}_C = \frac{E}{jC\omega R_0(1 + jQ(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega}))}$  or  $Q = \frac{L\omega_0}{R_0} = \frac{1}{R_0 C \omega_0}$  d'où  $R_0 C = \frac{1}{Q\omega_0}$  on en déduit  
 $\underline{U}_C = \frac{E}{j \frac{\omega}{\omega_0} Q (1 + jQ(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega}))} = \frac{E}{1 - (\frac{\omega}{\omega_0})^2 + j \frac{\omega}{\omega_0} Q}$  par identification  $A' = E$ .

11	$\underline{U_C}(\omega_0) = E \frac{Q}{j}$ On en déduit $\boxed{U_{Cm} = QE}$ et $\boxed{\varphi_C = -\frac{\pi}{2}}$
12	Si $Q \gg 1$ la tension aux bornes du condensateur peut devenir très grande pour $\omega = \omega_0$ ! La résonance aux bornes du condensateur n'a pas lieu en même temps que la résonance d'intensité.
13	$\boxed{U_{Cm}(0) = E = 5V}$ , $I_m(f_0) = I_{max}$ on en déduit : $\boxed{f_0 = 1,6 kHz}$ , $U_{Cm}(\omega_0) = QE = 9V$ on en déduit $\boxed{Q = \frac{9}{5} = 1,8}$ , $\boxed{I_{max} = 9 \cdot 10^{-3} A}$ . $I_m(f_{max}) = I_m(f_{min}) = \frac{I_{max}}{\sqrt{2}} = \frac{9 \cdot 10^{-3}}{\sqrt{2}} = 6,4 \cdot 10^{-3} A$ , on en déduit $\boxed{f_{min} = 1,4 kHz}$ et $\boxed{f_{max} = 2,1 kHz}$ .
14	$I_{max} = \frac{E}{R_0} = \frac{E}{R+r}$ On en déduit $r = \frac{E}{I_{max}} - R_{AN}$ : $\boxed{r = \frac{5}{9 \cdot 10^{-3}} - 480 = 75,5 \Omega}$ . $\omega_0^2 = 4\pi^2 f_0^2 = \frac{1}{LC}$ on en déduit $L = \frac{1}{4\pi^2 f_0^2 C}$ AN : $\boxed{L = \frac{1}{4\pi^2 \times 1600^2 \times 0,1 \cdot 10^{-6}} = 0,099 H}$
15	Il suffit de visualiser la tension aux bornes de la résistance.
16	Sur la voir 2 on visualise la résonance d'intensité pour $f_1 = f_0$ .
17	Il faut connecter la masse du générateur à la résistance. La masse du générateur est la même que celle de l'oscillo, on n'a pas besoin d'un générateur à masse flottante. <div style="text-align: center;"> </div>
18	Sur l'oscillogramme (a) la voie 1 et la voie 2 sont en phase, la voie 2 correspond à $u_R(t)$ . Sur l'oscillogramme (b) la voie 2 est en avance de $\frac{\pi}{2}$ par rapport à la voie 1, la voie 2 correspond à $u_C(t)$ .
19	D'après la voie 1 $E' = 2,9 \times 2 = 5,8 V$ . D'après la voie 2 de l'oscillogramme (a) $U_{Rmax} = 2,4 \times 2 = 4,8 V$ or $U_{Rmax} = RI_{max} = \frac{RE'}{R+r'}$ on en déduit $\boxed{r' = \frac{RE'}{U_{Rmax}} - R = \frac{480 \times 5,9}{4,8} - 480 = 110 \Omega}$ D'après la voie 2 de l'oscillogramme (b) $U_{Cmax} = QE' = \frac{L' \times 2 \times \pi f_1 E'}{R+r'}$ d'où $L' = (R+r') \frac{U_{Cmax}}{2 \times \pi f_1 E'}$ . Pour faire l'application numérique il faut déterminer $f_1$ . $2T_1 = 5 \times 0,5 = 2,5 ms$ on en déduit $T_1 = 1,25 ms$ d'où $\boxed{f_1 = \frac{1}{1,25 \cdot 10^{-3}} = 800 Hz}$ ainsi $\boxed{L' = (480 + 110) \frac{20}{2 \times \pi \cdot 800 \times 5,8} = 0,039 H}$