



Donner le rayon de convergence R et l'expression du développement en série entière en $t \in]-R, R[$ pour chaque fonction :

1. $t \mapsto \frac{1}{1-t}$ est développable en série entière sur $] - R, R[$,

avec $R = \dots\dots\dots$ et pour tout $t \in] - R, R[$, on a : $\frac{1}{1-t} = \sum_{n=0}^{+\infty} \dots\dots\dots t^{n\dots\dots}$

2. $t \mapsto \ln(1+t)$ est développable en série entière sur $] - R, R[$,

avec $R = \dots\dots\dots$ et pour tout $t \in] - R, R[$, on a : $\ln(1+t) = \sum_{n=0}^{+\infty} \dots\dots\dots t^{n\dots\dots}$

3. $t \mapsto (1+t)^\alpha$ avec $\alpha \in \mathbb{R} \setminus \mathbb{N}$ est développable en série entière sur $] - R, R[$,

avec $R = \dots\dots\dots$ et pour tout $t \in] - R, R[$, on a : $(1+t)^\alpha = \sum_{n=0}^{+\infty} \dots\dots\dots t^{n\dots\dots}$

4. $t \mapsto \sqrt{1-t}$ est développable en série entière sur $] - R, R[$,

avec $R = \dots\dots\dots$ et pour tout $t \in] - R, R[$, on a : $\sqrt{1-t} = \sum_{n=0}^{+\infty} \dots\dots\dots t^n$

5. $t \mapsto \text{Arctan}(t)$ est développable en série entière sur $] - R, R[$,

avec $R = \dots\dots\dots$ et pour tout $t \in] - R, R[$, on a : $\text{Arctan}(t) = \sum_{n=0}^{+\infty} \dots\dots\dots t^{n\dots\dots}$

6. $t \mapsto e^t$ est développable en série entière sur $] - R, R[$,

avec $R = \dots\dots\dots$ et pour tout $t \in] - R, R[$, on a : $e^t = \sum_{n=0}^{+\infty} \dots\dots\dots t^{n\dots\dots}$

7. $t \mapsto \text{ch}(t)$ est développable en série entière sur $] - R, R[$,

avec $R = \dots\dots\dots$ et pour tout $t \in] - R, R[$, on a : $\text{ch}(t) = \sum_{n=0}^{+\infty} \dots\dots\dots t^{n\dots\dots}$

8. $t \mapsto \sin(t)$ est développable en série entière sur $] - R, R[$,

avec $R = \dots\dots\dots$ et pour tout $t \in] - R, R[$, on a : $\sin(t) = \sum_{n=0}^{+\infty} \dots\dots\dots t^{n\dots\dots}$