

Travaux Dirigés 4

Fonctions de transferts et performances

Exercice 1 : Fonctions de transfert - 1

Déterminer sous forme canonique, les fonctions de transfert des systèmes modélisés par les équations différentielles ci-dessous. En déduire pour chacune le gain statique, la classe et l'ordre du système. On suppose que les conditions de Heaviside sont vérifiées (conditions initiales nulles).

- a. $s(t) = 8e(t)$
- b. $5 \frac{d^2s(t)}{dt^2} + 4 \frac{ds(t)}{dt} + 7s(t) = 3 \frac{de(t)}{dt} + 2e(t)$
- c. $7 \frac{d^3s(t)}{dt^3} + 3 \frac{d^2s(t)}{dt^2} = 2 \frac{d^2e(t)}{dt^2} + 5e(t)$
- d. $5 \frac{d^2s(t)}{dt^2} + 3 \frac{ds(t)}{dt} = 2e(t)$
- e. $7 \frac{ds(t)}{dt} + 3s(t) = 5e(t)$

Exercice 2 : Fonctions de transfert - 2

Soit à résoudre en utilisant la transformée de Laplace, l'équation différentielle :

- a.
$$\begin{cases} 4 \cdot \ddot{y}(t) + 6 \cdot \dot{y}(t) + 2 \cdot y(t) = 1 \cdot u(t) \\ \dot{y}(0) = 2 \\ y(0) = 0 \end{cases}$$
- b.
$$\begin{cases} 2 \cdot \ddot{y}(t) + 4 \cdot \dot{y}(t) + 6 \cdot y(t) = t \cdot u(t) \\ \dot{y}(0) = -1 \\ y(0) = 0 \end{cases}$$

Exercice 3 : Précision

On donne ci-dessous les fonctions de transfert en poursuite de quatre systèmes. On suppose les conditions de Heaviside vérifiées. La sortie commandée est une position en degré.

- a. $H_0(p) = \frac{2}{7 \cdot p^2 + 12 \cdot p + b}$
- b. $H_1(p) = \frac{2}{p^3 + 7 \cdot p^2 + 12 \cdot p + b}$
- c. $H_2(p) = \frac{2}{p \cdot (7 \cdot p^2 + 12 \cdot p + b)}$
- d. $H_3(p) = \frac{2}{p^3 + 5 \cdot p^2 + 8 \cdot p + 5 + b}$

Question 1 : Prévoir la performance de stabilité de chaque modèle.

Question 2 : Prévoir la performance de précision de chaque modèle, pour une consigne en échelon d'amplitude 10° .

Question 3 : Prévoir la performance de précision de chaque modèle, pour une consigne en rampe de pente de $2^\circ \cdot s^{-1}$.

Exercice 4 : Stabilité

On donne ci-dessous les fonctions de transfert de six systèmes. Prévoir la performance de stabilité de chaque modèle.

- a. $H_0(p) = \frac{2}{(p+1) \cdot (p+2)}$
- b. $H_1(p) = \frac{2}{p \cdot (p+3) \cdot (p+2)}$
- c. $H_2(p) = \frac{2}{(p+1) \cdot (p^2+4)}$
- d. $H_3(p) = \frac{2}{(p^2+4 \cdot p+5) \cdot (p+2)}$
- e. $H_4(p) = \frac{2}{(p+1) \cdot (p-1)}$
- f. $H_5(p) = \frac{2}{(p^2+200 \cdot p+100) \cdot (p+1)}$

Exercice 6 : Positionnement linéaire d'un robot



Figure 3 : exemple de robot avec positionnement linéaire

Le positionnement linéaire d'un robot est modélisé par sa fonction de transfert en poursuite :

$$\frac{X(p)}{X_c(p)} = \frac{90 \cdot 10^3}{(100 + p) \cdot (1000 + p)}$$

Avec :

- $x_c(t)$ représente la consigne de position en mm suivant l'axe linéaire,
- $x(t)$ représente la position réelle du robot en mm suivant l'axe linéaire.

Question 1 : Prévoir la performance de stabilité.