

4.18 b) La solution est de la forme $A \cos(\omega_0 t + \varphi) = a \cos(\omega_0 t) + b \sin(\omega_0 t)$. Appliquons les conditions initiales :

$$\begin{cases} i(0) &= a = 0 \\ \frac{di}{dt}(0) &= b\omega_0 = \frac{E}{L} \end{cases} \text{ soit } \begin{cases} a = 0 \\ b = \frac{E}{L\omega_0}. \end{cases}$$

On en déduit que $i(t) = \frac{E}{L\omega_0} \sin(\omega_0 t)$.

4.19 a) Le facteur de qualité est inférieur à 1/2 pour la courbe 3. De plus, il est sensiblement égal au nombre d'oscillations observables dans le cas du régime pseudo-périodique. On observe environ dix oscillations pour la courbe 2 et six pour la courbe 1. La courbe 2 possède donc le facteur de qualité le plus grand.

4.19 b) La fonction $u_1(t)$ ne contient pas de grandeurs circulaires ($\cos(\omega t)$ ou $\sin(\omega t)$) et évolue de $u_1(0) = a - b$ vers $u_1(+\infty) = 0$. Cela correspond à la courbe 3.

4.19 c) La tension $u_2(t)$ présente des oscillations amorties et tend vers zéro lorsque t tend vers l'infini. Seule la courbe 2 vérifie ces propriétés.

4.19 d) On a $\lim_{t \rightarrow +\infty} u_3(t) = E$. Seule la courbe 1 présente une asymptote horizontale d'ordonnée non nulle.

4.19 e) On détermine la pseudo période T en mesurant la durée correspondant à 10 oscillations : $10T \simeq 52 \text{ ms}$ d'où $T \simeq 5,2 \text{ ms}$. On en déduit $\Omega = 2\pi/T \simeq 1,2 \times 10^3 \text{ rad} \cdot \text{s}^{-1}$.