Automatismes en calcul, semaine du 10 novembre

10 novembre 2025



$$\pi^{x} = 2$$

$$ightharpoonup \cos(x+1) = 0,7$$

►
$$|3x + 2| = \sqrt{7}$$



- Pour tout réel x, π^x vaut $e^{x \ln(\pi)}$. On a donc : $\pi^x = 2 \Leftrightarrow x = \frac{\ln(2)}{\ln(\pi)}$.
- $ightharpoonup \cos(x+1) = 0,7$

►
$$|3x + 2| = \sqrt{7}$$



- Pour tout réel x, π^x vaut $e^{x \ln(\pi)}$. On a donc : $\pi^x = 2 \Leftrightarrow x = \frac{\ln(2)}{\ln(\pi)}$.
- ► $\cos(x+1) = 0,7$ $\forall x \in \mathbb{R}, \cos(x+1) = 0,7 \Leftrightarrow x+1 = \pm \operatorname{Arccos}(0,7) + 2k\pi$ $\Leftrightarrow x = -1 \pm \operatorname{Arccos}(0,7) + 2k\pi$ (k désigne un entier).
- ► $|3x + 2| = \sqrt{7}$



- Pour tout réel x, π^x vaut $e^{x \ln(\pi)}$. On a donc : $\pi^x = 2 \Leftrightarrow x = \frac{\ln(2)}{\ln(\pi)}$.
- ► $\cos(x+1) = 0,7$ $\forall x \in \mathbb{R}, \cos(x+1) = 0,7 \Leftrightarrow x+1 = \pm \operatorname{Arccos}(0,7) + 2k\pi$ $\Leftrightarrow x = -1 \pm \operatorname{Arccos}(0,7) + 2k\pi$ (k désigne un entier).
- ► $|3x + 2| = \sqrt{7}$ On interprête la valeur absolue comme une distance et $|3x + 2| = \sqrt{7} \Leftrightarrow x \in \{\frac{-2 + \sqrt{7}}{3}; \frac{-2 - \sqrt{7}}{3}\}.$



$$\blacktriangleright \sum_{k=1}^{100} \cos(k) =$$

$$\sum_{k=1}^{100} \cos(k) =$$



$$\sum_{k=5}^{100} 3k + 2^k = 3 \sum_{k=5}^{100} k + \sum_{k=5}^{100} 2^k = 3 \times \frac{105 \times 96}{2} + 2^5 \times \frac{1 - 2^{96}}{1 - 2}$$

$$\sum_{k=1}^{100} \cos(k) = \operatorname{Re}\left(\sum_{k=1}^{100} e^{ik}\right) = \operatorname{Re}\left(\sum_{k=1}^{100} (e^{i})^{k}\right)$$
$$= \operatorname{Re}\left(e^{i} \times \frac{1 - e^{100i}}{1 - e^{i}}\right)$$

$$\sum_{k=5}^{100} 3k + 2^k = 3\sum_{k=5}^{100} k + \sum_{k=5}^{100} 2^k = 3 \times \frac{105 \times 96}{2} + 2^5 \times \frac{1 - 2^{96}}{1 - 2}$$

$$\sum_{k=1}^{100} \cos(k) = \operatorname{Re}\left(\sum_{k=1}^{100} e^{ik}\right) = \operatorname{Re}\left(\sum_{k=1}^{100} (e^{i})^{k}\right)$$
$$= \operatorname{Re}\left(e^{i} \times \frac{1 - e^{100i}}{1 - e^{i}}\right)$$

On peut ensuite calculer la forme algébrique du complexe pour en déduire sa partie réelle, ça ne présente pas de difficulté particulère mais l'expression finale n'est pas très jolie...





Calculer
$$\binom{10}{6}$$

$$\binom{10}{6} = \frac{10!}{6! \times 4!} = \frac{10 \times 9 \times 8 \times 7}{4 \times 3 \times 2 \times 1} = 210$$

Calculer
$$\binom{10}{6}$$

$$\binom{10}{6} = \frac{10!}{6! \times 4!} = \frac{10 \times 9 \times 8 \times 7}{4 \times 3 \times 2 \times 1} = 210$$

$$\sum_{k=0}^{100} \binom{100}{k} = \sum_{k=0}^{100} \binom{100}{k} 1^k 1^{n-k} = (1+1)^{100} = 2^{100}$$

$$\sum_{k=0}^{100} \binom{100}{k} 3^k = 4^{100}$$



Calculer
$$\binom{10}{6}$$

$$\binom{10}{6} = \frac{10!}{6! \times 4!} = \frac{10 \times 9 \times 8 \times 7}{4 \times 3 \times 2 \times 1} = 210$$

$$\sum_{k=0}^{100} {100 \choose k} = \sum_{k=0}^{100} {100 \choose k} 1^k 1^{n-k} = (1+1)^{100} = 2^{100}$$

$$\sum_{k=0}^{100} \binom{100}{k} 3^k = 4^{100}$$



A l'écoute cette semaine : Bob Marley.

- ► Get up, stand up
- ► Concrete Jungle
- Caution