Automatismes en calcul, semaine du 5 janvier

5 janvier 2026

classes préparatoires scientifiques
Lycée Brizeux

Inverser $A = \begin{pmatrix} 7 & 2 \\ 9 & 8 \end{pmatrix}$ et $B = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$.

Inverser $A = \begin{pmatrix} 7 & 2 \\ 9 & 8 \end{pmatrix}$ et $B = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$.

- On trouve $A^{-1} = \frac{1}{38} \begin{pmatrix} 8 & -2 \\ -9 & 7 \end{pmatrix}$.

Inverser $A = \begin{pmatrix} 7 & 2 \\ 9 & 8 \end{pmatrix}$ et $B = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$.

- On trouve $A^{-1} = \frac{1}{38} \begin{pmatrix} 8 & -2 \\ -9 & 7 \end{pmatrix}$.
- On trouve $B^{-1} = \frac{1}{2} \begin{pmatrix} -1 & 1 & 1 \\ 1 & -1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 \end{pmatrix}$.

Calculer $I_1 = \displaystyle\int_0^1 \mathrm{Arctan}(x)\mathrm{d}x$ et $I_2 = \displaystyle\int_0^{\frac{1}{2}} \sqrt{\frac{\mathrm{Arcsin}(x)}{1-x^2}}\mathrm{d}x$.

Calculer $I_1 = \int_0^1 \mathrm{Arctan}(x)\mathrm{d}x$ et $I_2 = \int_0^{\frac{1}{2}} \sqrt{\frac{\mathrm{Arcsin}(x)}{1-x^2}}\mathrm{d}x$.

- Par parties, on trouve $I_1 = \frac{\pi}{4} - \ln(\sqrt{2})$.

Calculer $I_1 = \int_0^1 \mathrm{Arctan}(x)\mathrm{d}x$ et $I_2 = \int_0^{\frac{1}{2}} \sqrt{\frac{\mathrm{Arcsin}(x)}{1-x^2}}\mathrm{d}x$.

- Par parties, on trouve $I_1 = \frac{\pi}{4} - \ln(\sqrt{2})$.
- Après le changement de variable $\phi(t) = \sin(t)$ on trouve $I_2 = \frac{2}{3}\left(\frac{\pi}{6}\right)^{\frac{3}{2}}$.

En se servant des FI de référence calculer :

$$\lim_{n \to +\infty} n \sin(\frac{\pi}{n}) \qquad ; \qquad \lim_{x \to 0} x^{\sin(x)}$$

En se servant des FI de référence calculer :

$$\lim_{n\to+\infty} n\sin\left(\frac{\pi}{n}\right) \qquad ; \qquad \lim_{x\to 0} x^{\sin(x)}$$

- $\displaystyle \lim_{n\to+\infty} n\sin\left(\frac{\pi}{n}\right) = \lim_{n\to+\infty} \pi\frac{\sin\left(\frac{\pi}{n}\right)}{\frac{\pi}{n}} = \pi$ car $\displaystyle \frac{\sin(x)}{x} \underset{x\to 0}{\longrightarrow} 1.$

En se servant des FI de référence calculer :

$$\lim_{n\to+\infty} n\sin\left(\frac{\pi}{n}\right) \qquad ; \qquad \lim_{x\to 0} x^{\sin(x)}$$

- $\displaystyle\lim_{n\to+\infty} n\sin\left(\frac{\pi}{n}\right) = \lim_{n\to+\infty} \pi\frac{\sin\left(\frac{\pi}{n}\right)}{\frac{\pi}{n}} = \pi$ car $\displaystyle\frac{\sin(x)}{x} \underset{x\to 0}{\longrightarrow} 1.$
- $\displaystyle\lim_{x\to 0} x^{\sin(x)} = \lim_{x\to 0} \mathrm{e}^{\sin(x)\ln(x)} = \lim_{x\to 0} \mathrm{e}^{\frac{\sin(x)}{x}\times x\ln(x)} = \mathrm{e}^0 = 1$ car $\displaystyle\frac{\sin(x)}{x} \underset{x\to 0}{\longrightarrow} 1$ et $x\ln(x) \underset{x\to 0}{\longrightarrow} 0.$

A l'écoute cette semaine : Isaac Hayes.

- Theme from Shaft
- Walk on by
- Hyperbolicsyllabicsesquedalymistic