

DÉFINITION $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = \ell \in \mathbb{R}$ SUITES	DÉFINITION $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = +\infty$ SUITES
DÉFINITION $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = -\infty$ SUITES	MÉTHODE toutes les façons d'étudier les variations d'une suite SUITES
MÉTHODE toutes les façons d'obtenir l'existence d'une limite de suite SUITES	L'ESSENTIEL SUR... Suites adjacentes SUITES
L'ESSENTIEL SUR... Suites arithmético-géométriques SUITES	L'ESSENTIEL SUR... Suites récurrentes linéaires d'ordre 2 SUITES
FORMULE Sommes arithmétiques et géométriques SUITES	FORMULE Limite de $(q^n)_{n \in \mathbb{N}}$ SUITES

$\forall A \in \mathbb{R}, \exists N \in \mathbb{N} / \forall n \in \mathbb{N}, n \geq N \implies u_n \geq A$ Variantes : idem avec $\forall A > 0, \forall A > 10, \dots$	$\forall \varepsilon > 0, \exists N \in \mathbb{N} / \forall n \in \mathbb{N}, n \geq N \implies u_n - \ell \leq \varepsilon$
<ul style="list-style-type: none"> • $\forall n$, étudier le signe de $u_{n+1} - u_n$ • $\forall n$, comparer $\frac{u_{n+1}}{u_n}$ et 1 (attention au signe de u) • si $u = (f(n))_n$ alors les variations de f donnent les variations de u et on peut utiliser la dérivation pour f (attention : si f n'est pas monotone on ne peut rien dire) • si $\forall n, u_{n+1} = f(u_n)$ alors si f est croissante u est monotone (sens de variation dépend de u_0 et u_1) 	$\forall A \in \mathbb{R}, \exists N \in \mathbb{N} / \forall n \in \mathbb{N}, n \geq N \implies u_n \leq A$ Variantes : idem avec $\forall A < 0, \forall A < -10, \dots$
<ul style="list-style-type: none"> • <u>Ce que c'est :</u> deux suites, une \uparrow, une \downarrow, dont la différence $\rightarrow 0$ • <u>Utilité : th des suites adjacentes</u> <u>si</u> u et v sont adjacentes <u>alors</u> elles convergent vers la même limite. 	<ul style="list-style-type: none"> • opérations sur les limites • suites extraites : si $u_{2n} \rightarrow \ell$ et $u_{2n+1} \rightarrow \ell$ alors $u_n \rightarrow \ell$ (avec $\ell \in \overline{\mathbb{R}}$) • théorème des gendarmes • convergence monotone (on sait que la limite est finie mais on ne la connaît pas) • suites adjacentes (on sait que la limite est finie mais on ne la connaît pas)
<ul style="list-style-type: none"> • <u>Ce que c'est</u> : u t.q. $\forall n, u_{n+2} = au_{n+1} + bu_n$ • <u>Obtenir formule explicite</u> : <ol style="list-style-type: none"> 1. on résout l'éq caractéristique $r^2 = ar + b$ 2. deux cas (dans \mathbb{C}, trois dans \mathbb{R}) : <ul style="list-style-type: none"> si deux solutions $r_{1,2}$, il existe λ et μ tels que $\forall n, u_n = \lambda r_1^n + \mu r_2^n$; si une solution double r, il existe λ et μ tels que $\forall n, u_n = (\lambda + \mu n)r^n$ 3. On trouve λ et μ avec u_0 et u_1. 	<ul style="list-style-type: none"> • <u>Ce que c'est</u> : u telle que $\forall n, u_{n+1} = au_n + b$ • <u>Obtenir formule explicite</u> : <ol style="list-style-type: none"> 1. on détermine r le point fixe de $x \mapsto ax + b$ 2. la suite $u - r$ est géométrique de raison a 3. $\forall n \in \mathbb{N}, u_n = (u_0 - r)a^n + r$
<ul style="list-style-type: none"> • 0 si $-1 < q < 1$ • 1 si $q = 1$ • $+\infty$ si $q > 1$ • pas de limite si $q \leq -1$ 	<p>Soit $n \in \mathbb{N}$. On a :</p> $\sum_{k=0}^n k = \frac{n(n+1)}{2}$ <p>et, pour $q \neq 1$,</p> $\sum_{k=0}^n q^k = \frac{1 - q^{n+1}}{1 - q}$

<p>EXEMPLES DE RÉFÉRENCE</p> <p>Suite qui n'a pas de limite</p> <p style="text-align: center;">SUITES</p>	<p>EXEMPLES DE RÉFÉRENCE</p> <p>Suite qui n'est pas monotone</p> <p style="text-align: center;">SUITES</p>
<p>EXEMPLES DE RÉFÉRENCE</p> <p>Suite croissante qui ne tend pas vers $+\infty$</p> <p style="text-align: center;">SUITES</p>	<p>EXEMPLES DE RÉFÉRENCE</p> <p>Suite qui tend vers $+\infty$ sans être croissante</p> <p style="text-align: center;">SUITES</p>

$(q^n)_{n \in \mathbb{N}}$ pour tout $q < 0$; par exemple $((-1)^n)_{n \in \mathbb{N}}$

$((-1)^n)_{n \in \mathbb{N}}$

$(n + (-1)^n)_{n \in \mathbb{N}}$.

$$\left(-\frac{1}{n}\right)_{n \in \mathbb{N}^*} \longrightarrow 0$$